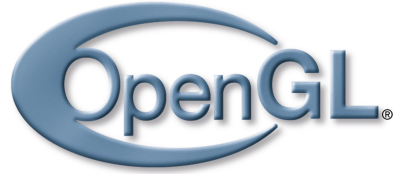


# Computação Gráfica

TCC-00291

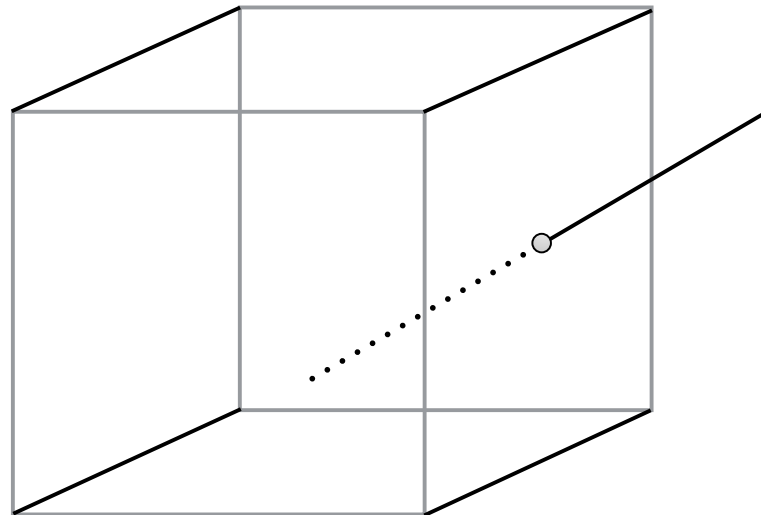
Assunto: Clipping

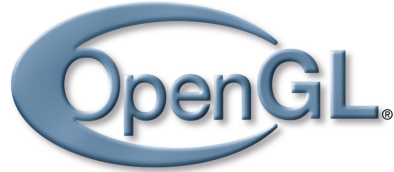


# Introdução

Próximas etapas

O que acontece com primitivas geométrica que estão fora do volume de visão?



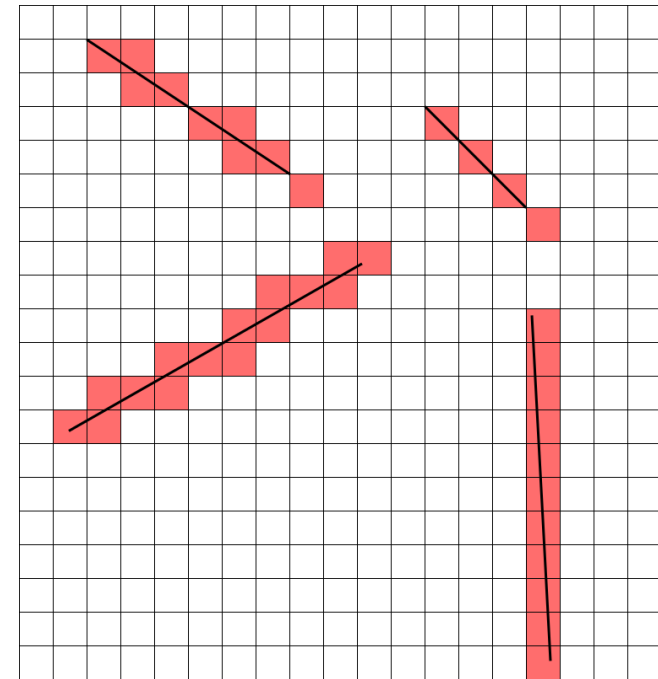


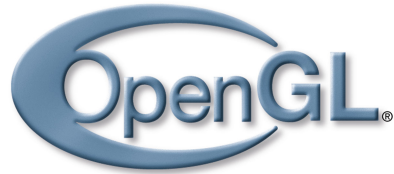
# Introdução

Próximas etapas

O que acontece com primitivas geométrica que estão fora do volume de visão?

Como linhas são desenhadas?





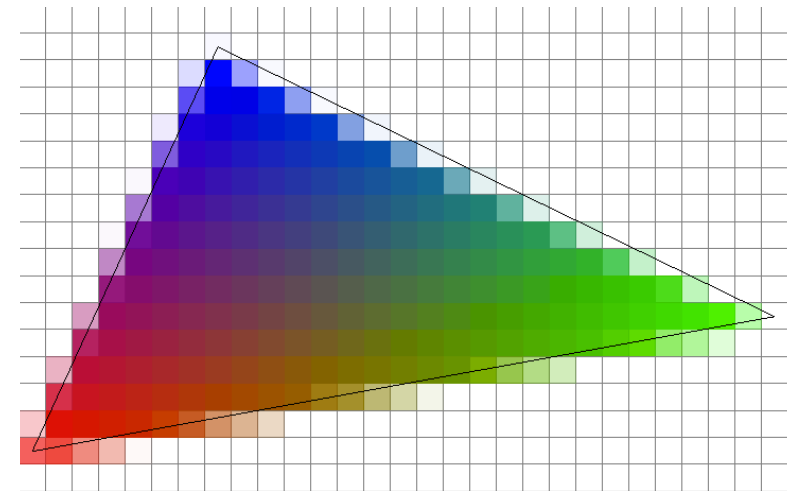
# Introdução

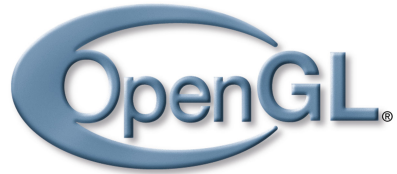
## Próximas etapas

O que acontece com primitivas geométrica que estão fora do volume de visão?

Como linhas são desenhadas?

Como polígonos são preenchidos?



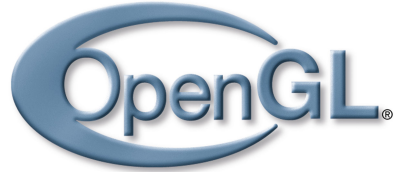


# Introdução

Próximas etapas

O que acontece com primitivas geométrica que estão fora do volume de visão?

Estudaremos hoje os algoritmos de Clipping.



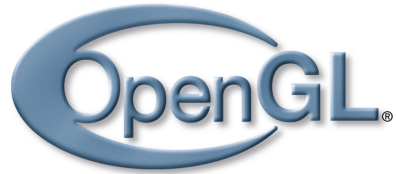
# Introdução

Próximas etapas

O que acontece com primitivas geométrica que estão fora do volume de visão?

Estudaremos hoje os algoritmos de **Clipping**.

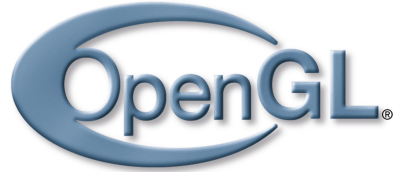
**Obs:** Concentraremos o nosso estudo em algoritmos de clipping de **linhas e polígonos em 2D**.



# Clipping

## Fundamentos

Quando especificamos um volume de visão queremos exibir somente os objetos que **estejam no seu interior**.



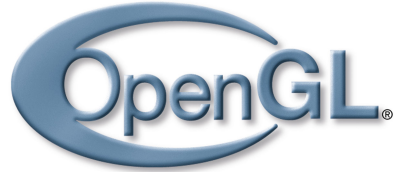
# Clipping

## Fundamentos

Quando especificamos um volume de visão queremos exibir somente os objetos que **estejam no seu interior**.

Naturalmente alguns objetos estarão **parcialmente visíveis**.





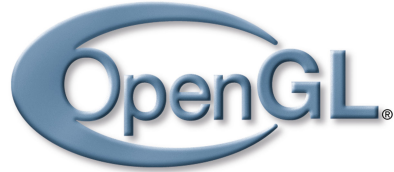
# Clipping

## Fundamentos

Quando especificamos um volume de visão queremos exibir somente os objetos que **estejam no seu interior**.

Naturalmente alguns objetos estarão **parcialmente visíveis**.

A operação que determina quais partes dos objetos estão visíveis é denominada **clipping ou recorte**.



# Clipping

Segmento de reta x retângulo

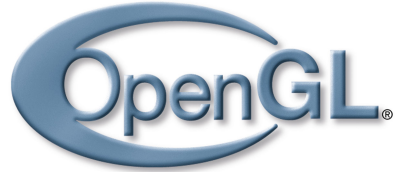
## Entrada

Segmento de reta P1-P2

Retângulo de visão (xmin, ymin), (xmax, ymax)

## Saída

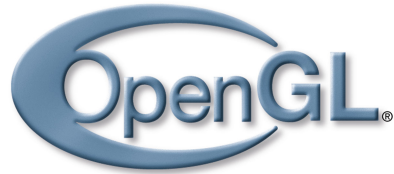
Segmento recortado (possivelmente nulo)



# Clipping

Segmento de reta x retângulo

Estudaremos dois algoritmos clássicos:  
Cohen-Sutherland e Liang-Barsky

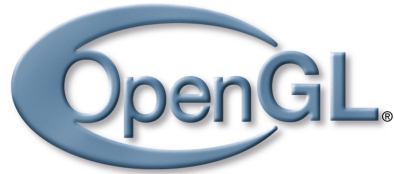


# Clipping

Segmento de reta x retângulo

Vértices do segmento são **classificados** com relação a cada semi-espaco plano que delimita o retângulo.

$$x \geq x_{\min} \text{ e } x \leq x_{\max} \text{ e } y \geq y_{\min} \text{ e } y \leq y_{\max}$$



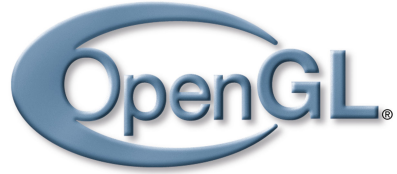
# Clipping

Segmento de reta x retângulo

Vértices do segmento são **classificados** com relação a cada semi-espaco plano que delimita o retângulo.

$$x \geq x_{\min} \text{ e } x \leq x_{\max} \text{ e } y \geq y_{\min} \text{ e } y \leq y_{\max}$$

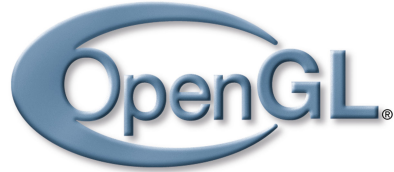
**Obs:** Se ambos os vértices são classificados como “fora” em relação a um semi-espaco, descartar o segmento.



# Clipping

Segmento de reta x retângulo

Se ambos são classificados como “dentro”:  
Testar o próximo semi-espaço.



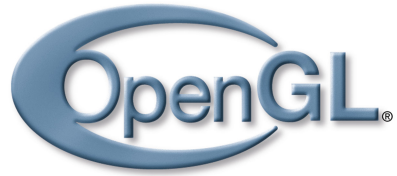
# Clipping

Segmento de reta x retângulo

Se ambos são classificados como “dentro”:  
Testar o próximo semi-espaço.

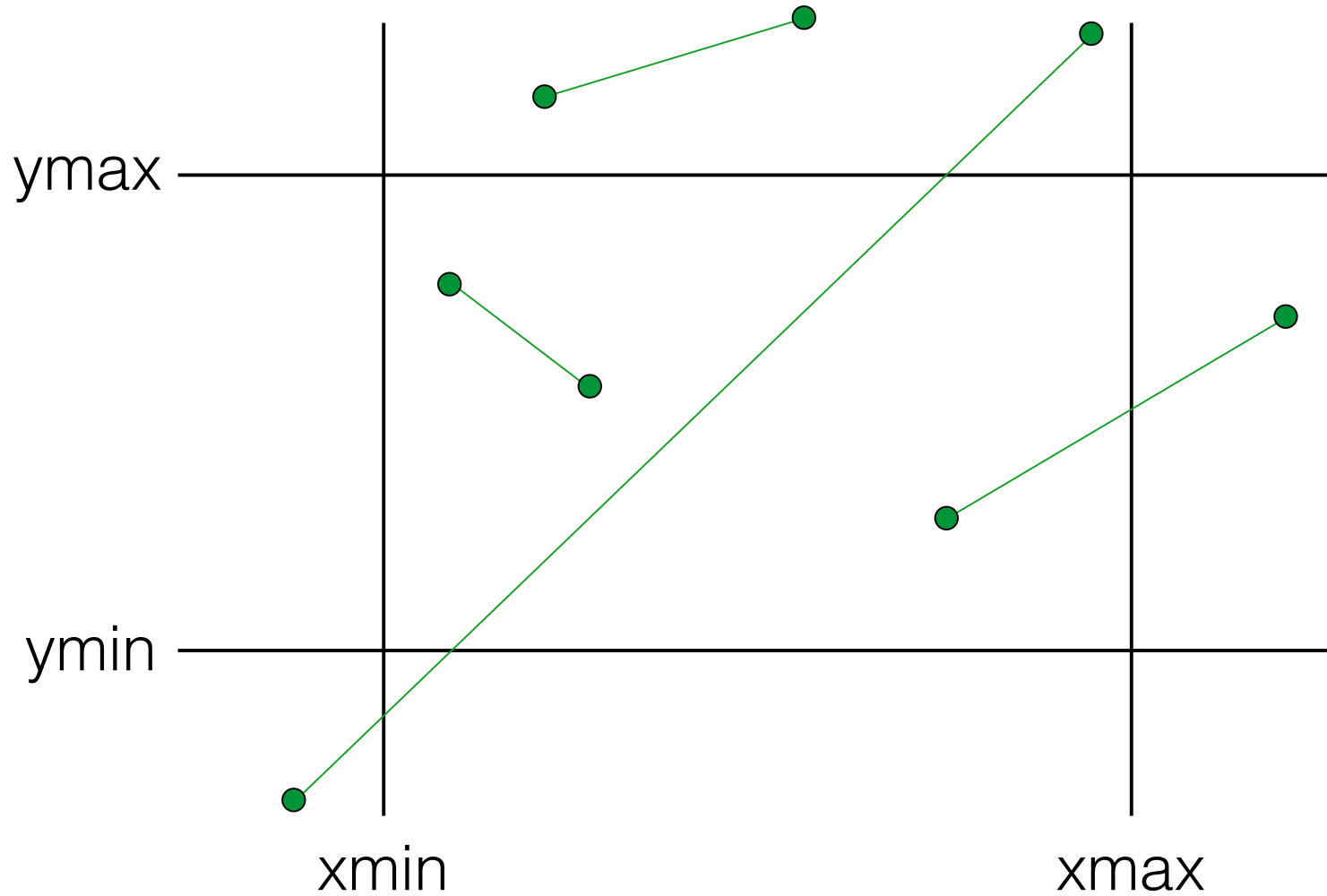
Se um vértice está “dentro” e outro “fora”:

- 1) Computar o ponto de interseção Q
- 2) Continuar o algoritmo com o segmento recortado.

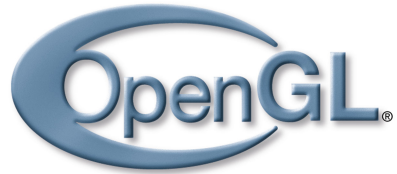


# Clipping

Segmento de reta x retângulo

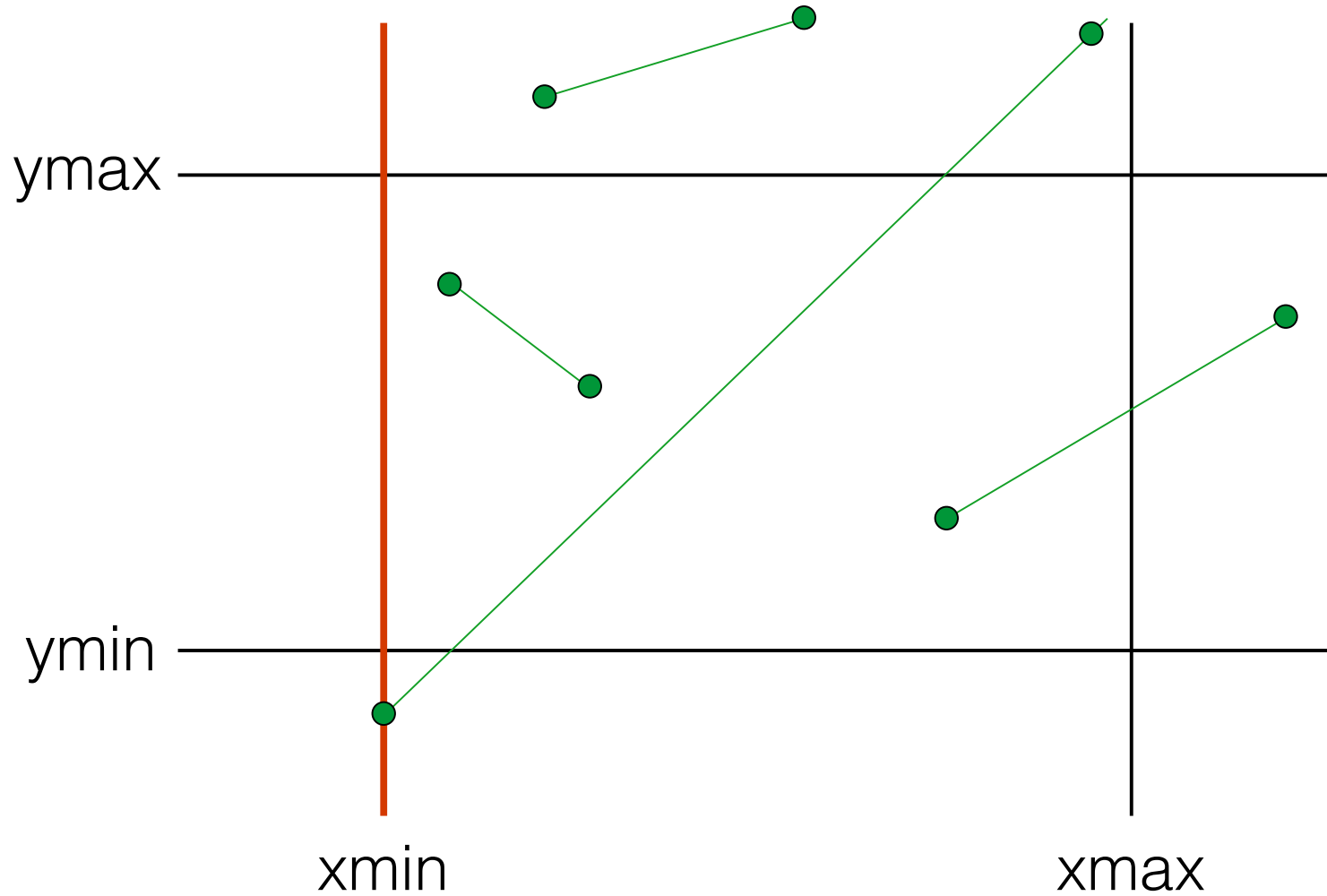


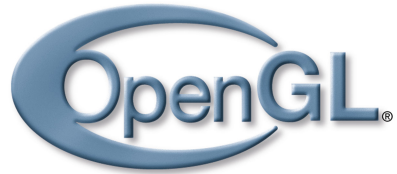




# Clipping

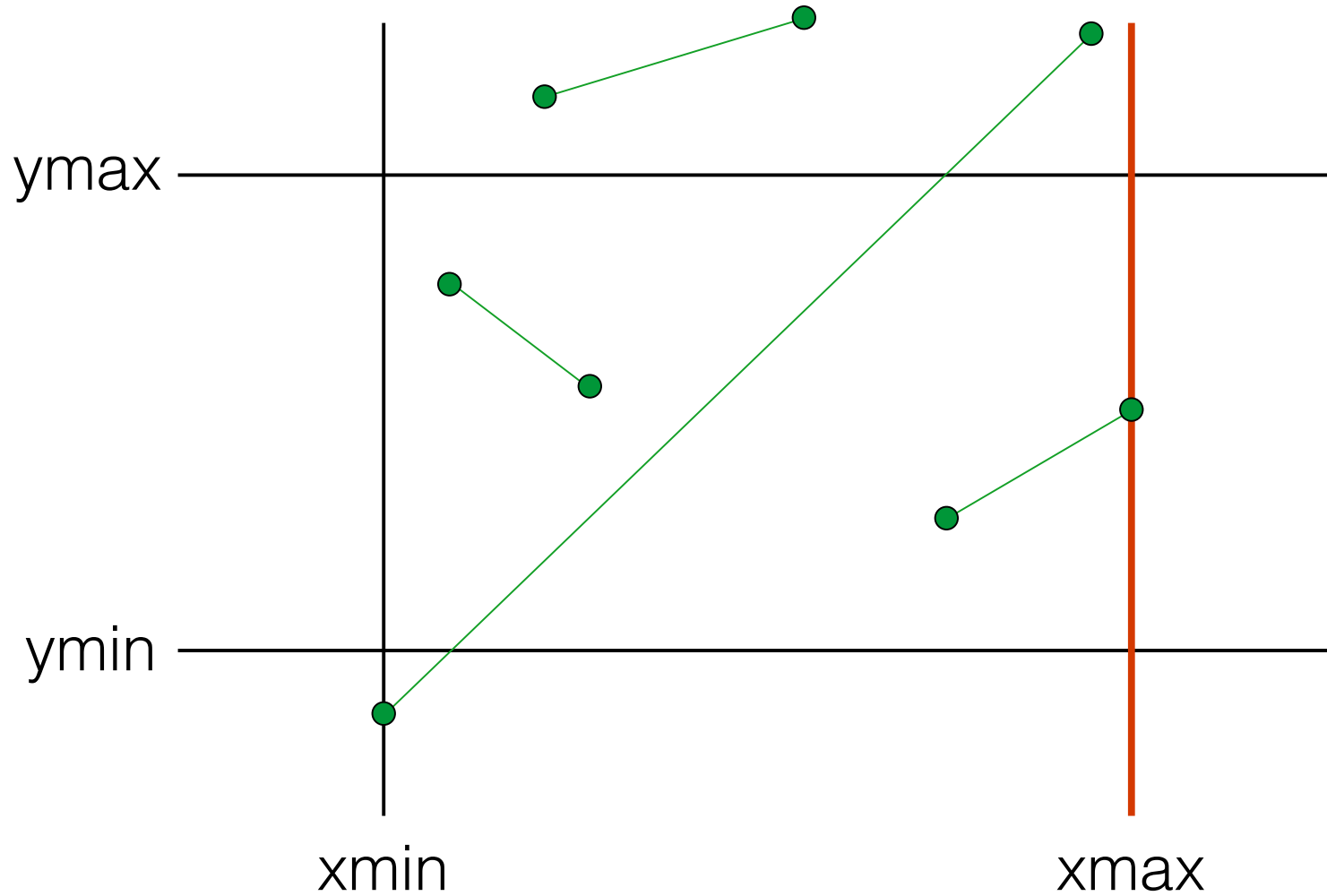
Segmento de reta x retângulo

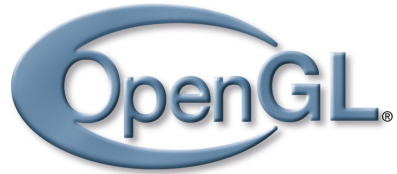




# Clipping

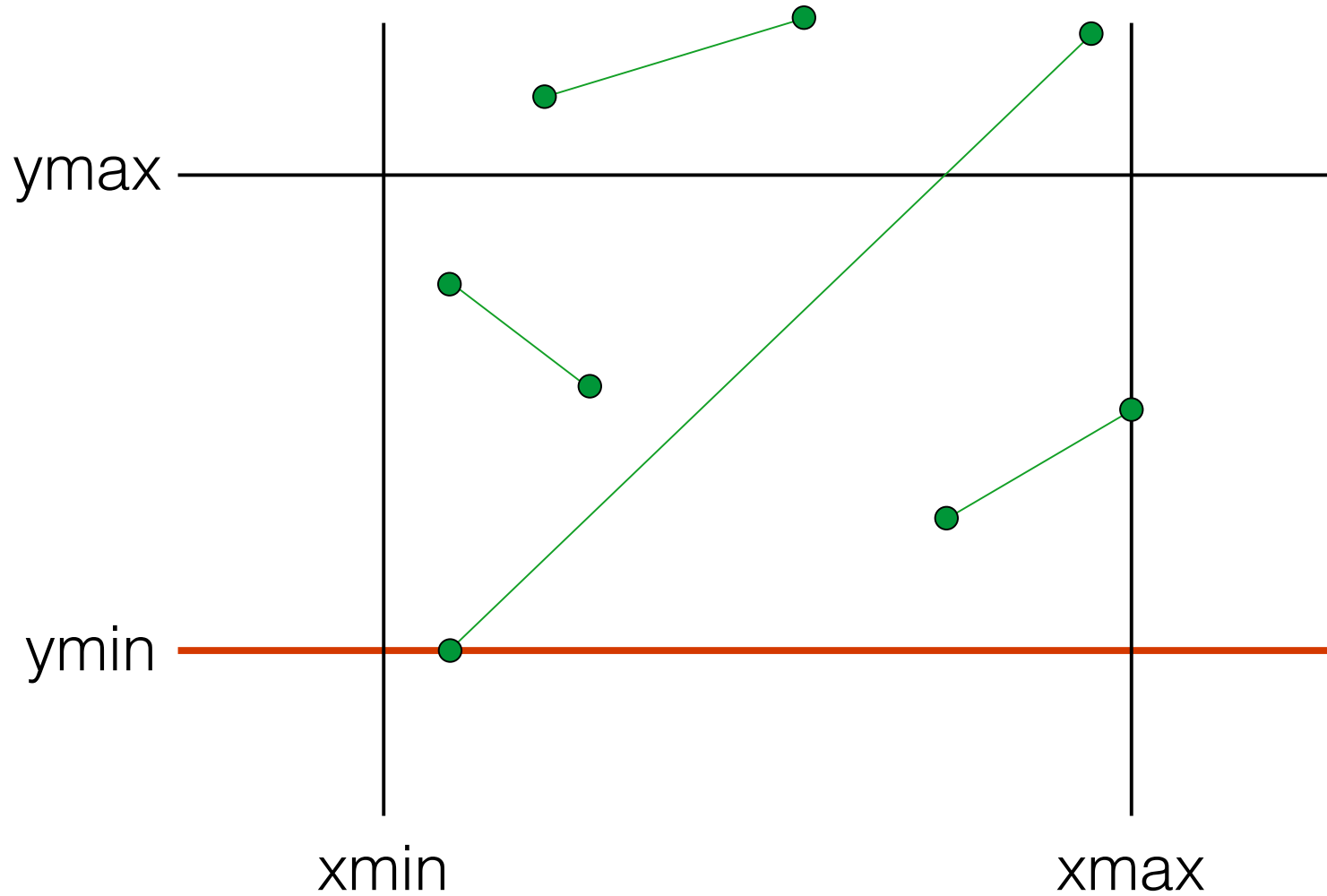
Segmento de reta x retângulo

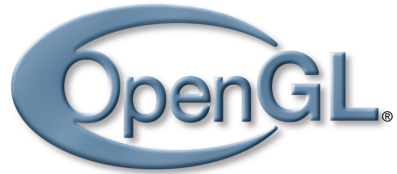




# Clipping

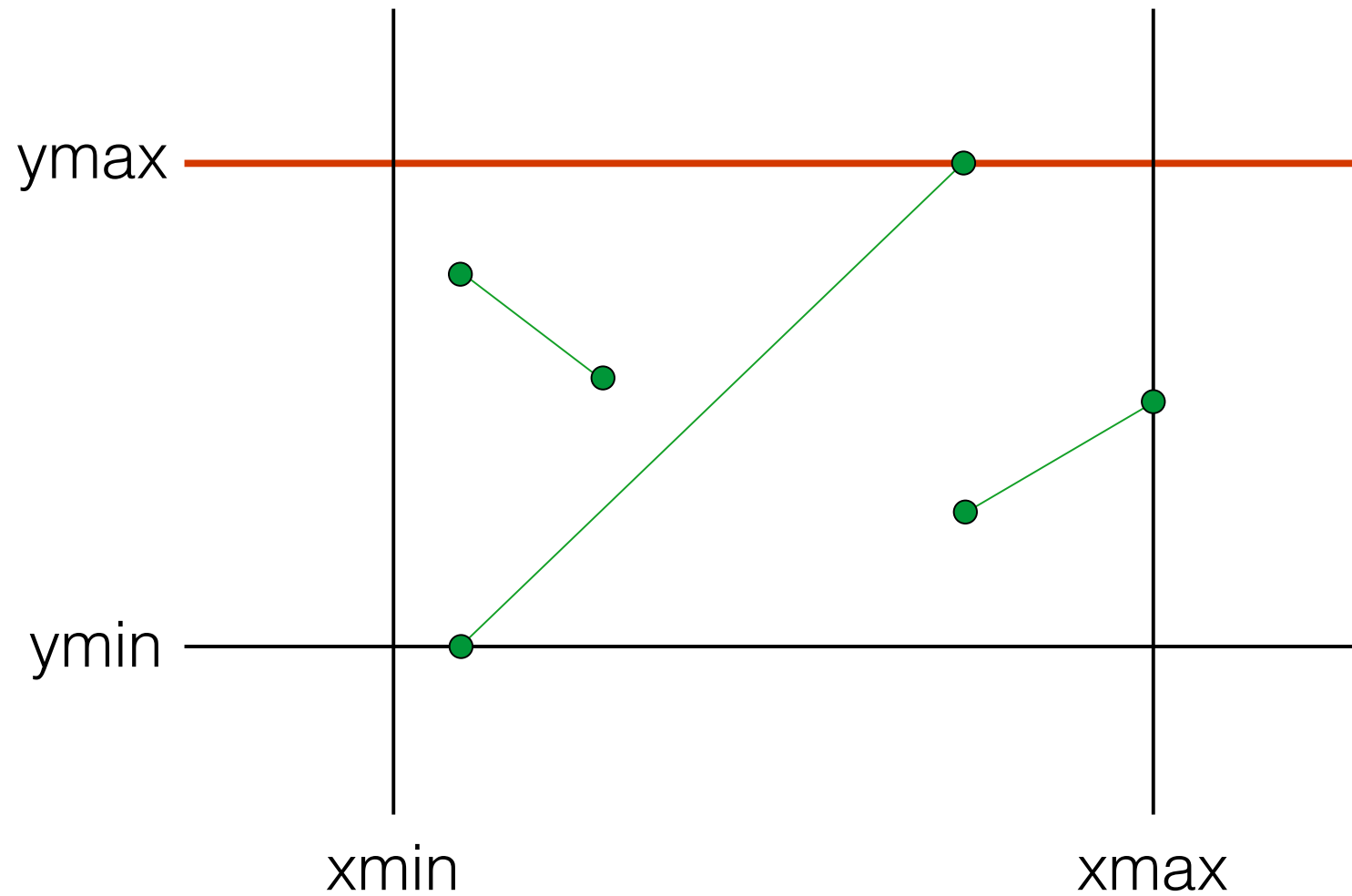
Segmento de reta x retângulo

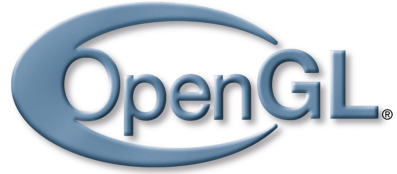




# Clipping

Segmento de reta x retângulo

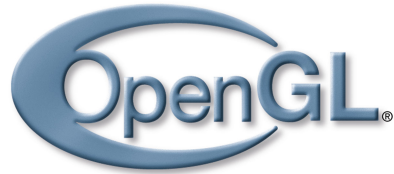




# Clipping

Segmento de reta x retângulo

O recorte só é necessário se houver um vértice **dentro e outro fora** em relação a um semi-plano.



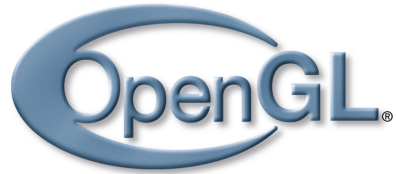
# Clipping

Segmento de reta x retângulo

O recorte só é necessário se houver um vértice **dentro e outro fora** em relação a um semi-plano.

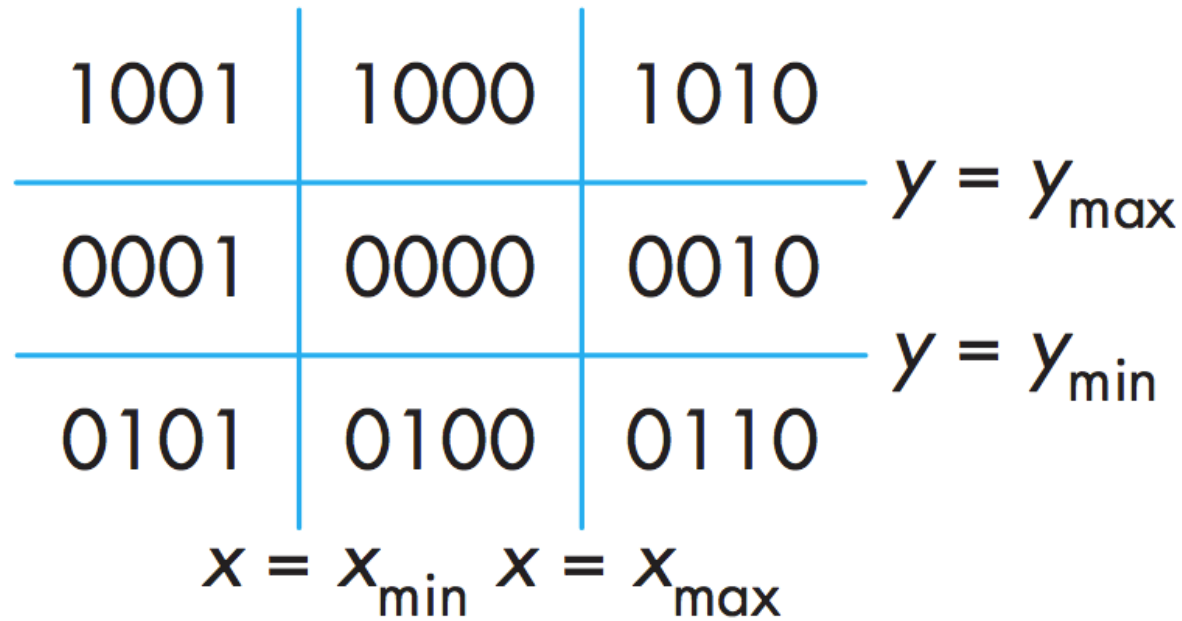
Classificação de cada vértice pode ser codificada usando **4 bits**, um para cada semi-espço.

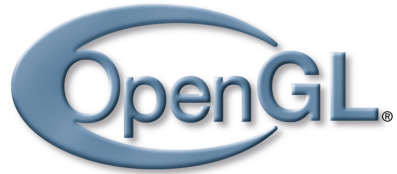
Dentro = 0 e Fora = 1



# Clipping

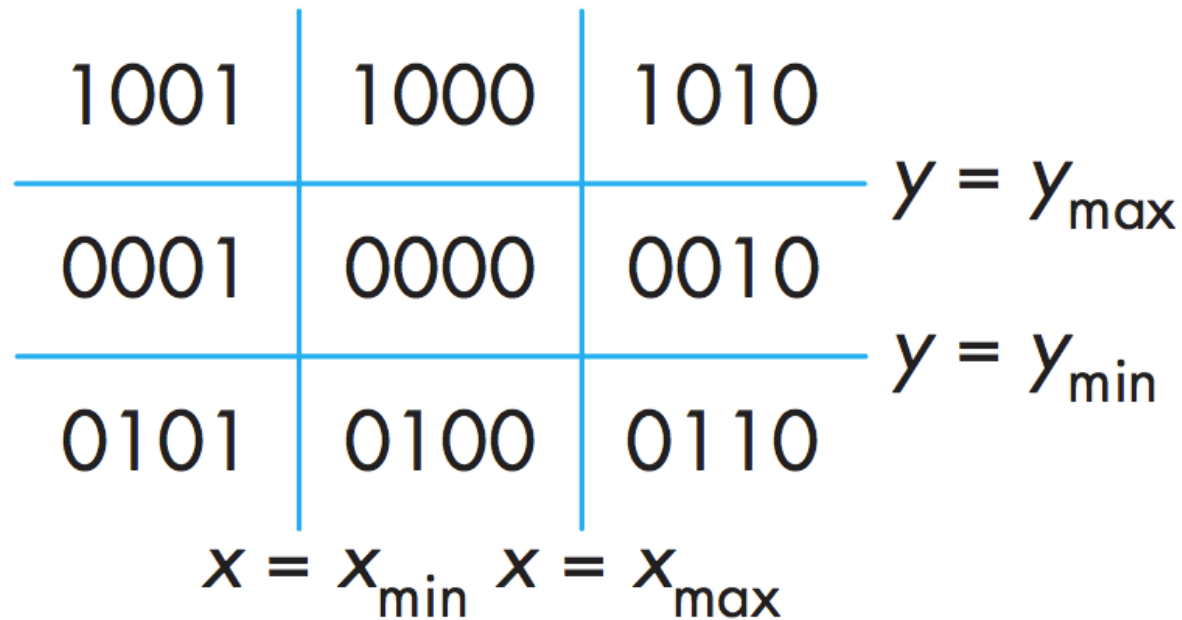
Segmento de reta x retângulo





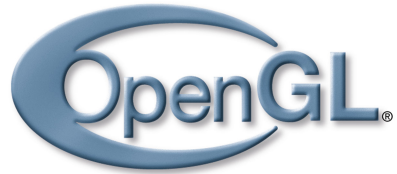
# Clipping

Segmento de reta x retângulo



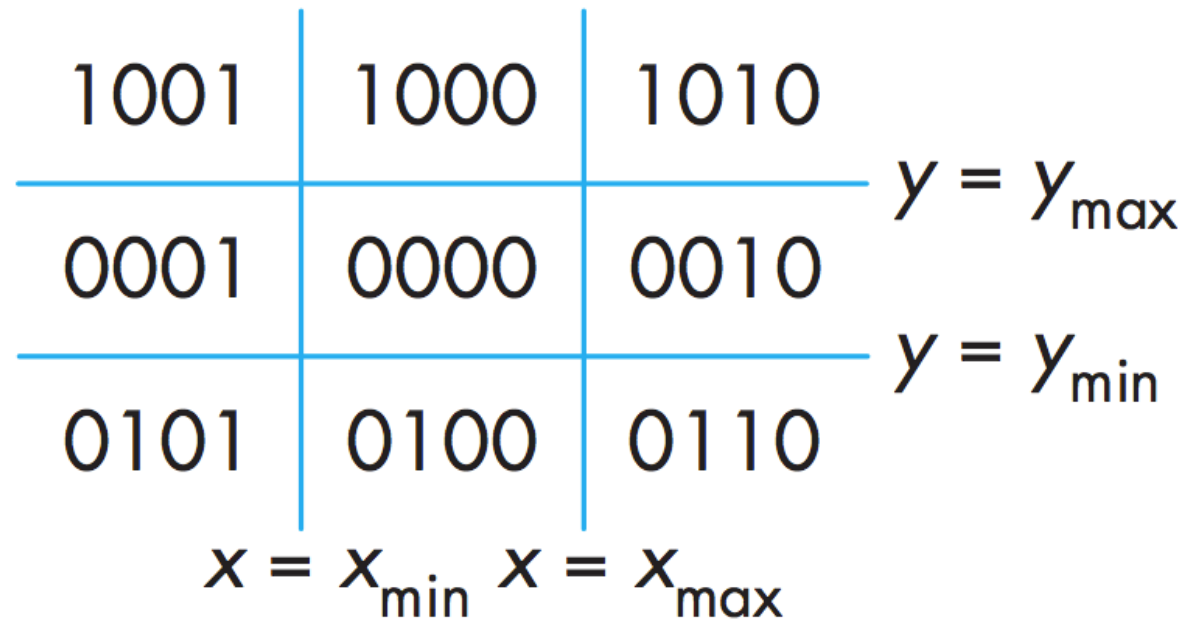
Rejeição trivial:  $\text{Classifica}(P1) \text{ and } \text{Classifica}(P2) \neq 0$



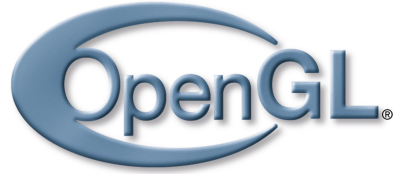


# Clipping

Segmento de reta x retângulo



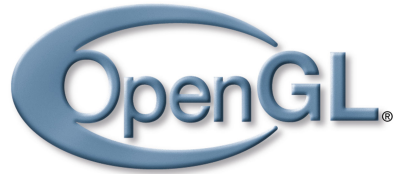
Aceitação trivial:  $\text{Classifica}(P1) \text{ or } \text{Classifica}(P2) = 0$



# Clipping

## Segmento de reta x retângulo

```
byte code(double x, double y,  
          double xmin, double xmax, double ymin, double ymax)  
{  
    byte code=0;  
  
    if (y > ymax) code += 8;  
    if (y < ymin) code += 4;  
    if (x > xmax) code += 2;  
    if (x < xmin) code += 1;  
  
    return code;  
}
```



# Clipping

## Segmento de reta x retângulo

```

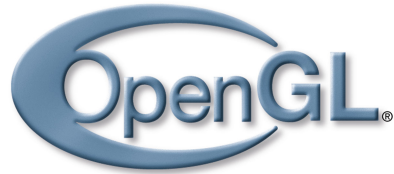
void CohenSutherlandLineClip(double  x0, double  y0, double  x1, double  y1,
                             double xmin, double xmax, double ymin, double ymax)
{
    byte outcode0, outcode1, outcodeOut;
    double x, y;  boolean accept = FALSE, done = FALSE;

    outcode0 = code(x0, y0, xmin, xmax, ymin, ymax);
    outcode1 = code(x1, y1, xmin, xmax, ymin, ymax);

    do {
        if ((outcode0 | outcode1) == 0) {
            accept = TRUE;  done = TRUE;                /* trivial draw and exit */
        } else if((outcode0 & outcode1) != 0) {
            done = TRUE;                                /* trivial reject and exit */
        } else {
            outcodeOut = (outcode0 != 0) ?  outcode0 : outcode1; /* discard an out part */
            if (outcodeOut & 8) {                        /* pick an out vertice */
                x = x0 + (x1 - x0) * (ymax - y0) / (y1 - y0);  y = ymax; /* discard top */
            } else if(outcodeOut & 4) {
                x = x0 + (x1 - x0) * (ymin - y0) / (y1 - y0);  y = ymin; /* discard bottom */
            } else if(outcodeOut & 2) {
                y = y0 + (y1 - y0) * (xmax - x0) / (x1 - x0);  x = xmax; /* discard right */
            } else if(outcodeOut & 1) {
                y = y0 + (y1 - y0) * (xmin - x0) / (x1 - x0);  x = xmin; /* discard left */
            }

            if (outcodeOut == outcode0) {
                x0 = x; y0 = y; outcode0 = code(x0, y0, xmin, xmax, ymin, ymax);
            } else {
                x1 = x; y1 = y;  outcode1 = code(x1, y1, xmin, xmax, ymin, ymax);
            }
        }
    } while (!done);
    if (accept) DrawLineReal(x0, y0, x1, y1);
}

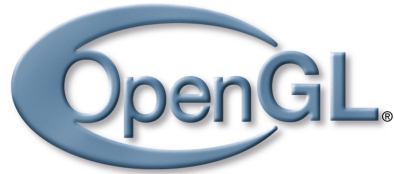
```



# Clipping

Segmento de reta x retângulo

O algoritmo de Cohen-Sutherland calcula **interseções desnecessárias**, pois resolve o mesmo segmento várias vezes.

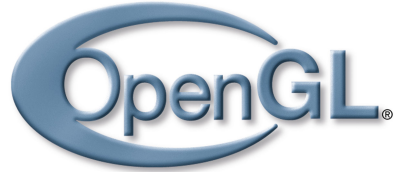


# Clipping

Segmento de reta x retângulo

O algoritmo de Cohen-Sutherland calcula **interseções desnecessárias**, pois resolve o mesmo segmento várias vezes.

O algoritmo de Liang-Barsky utiliza uma estratégia que recorta com **menor número de interseções**.

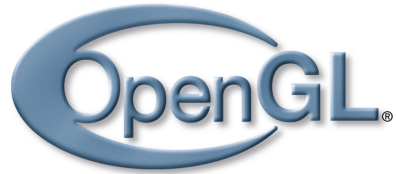


# Clipping

Segmento de reta x retângulo

Se baseia na **equação paramétrica da reta**.

$$P(t) = P_0 + t(P_1 - P_0)$$



# Clipping

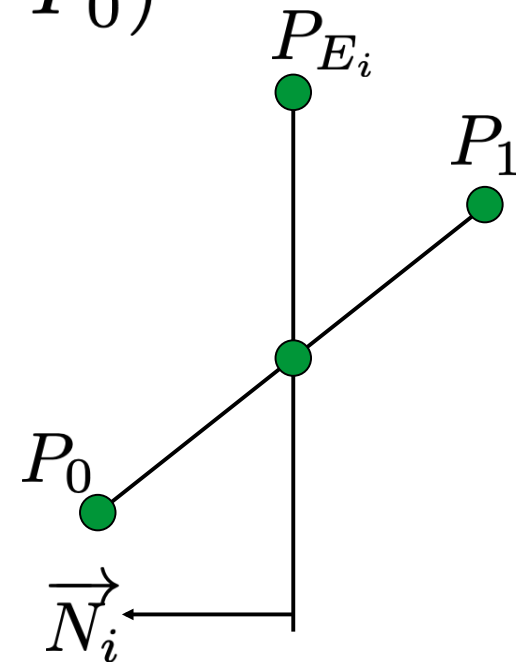
## Segmento de reta x retângulo

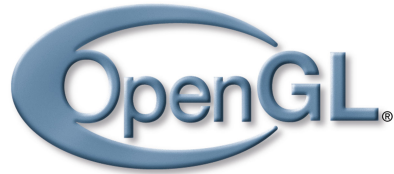
Se baseia na **equação paramétrica da reta**.

$$P(t) = P_0 + t(P_1 - P_0)$$

Neste caso:

$$\langle \vec{N}_i, P(t) - P_{E_i} \rangle = 0$$





# Clipping

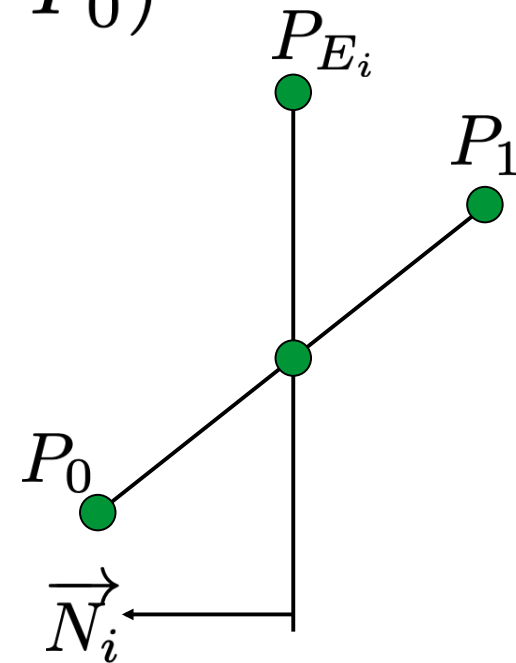
## Segmento de reta x retângulo

Se baseia na **equação paramétrica da reta**.

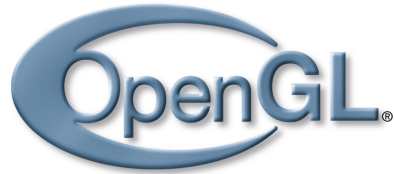
$$P(t) = P_0 + t(P_1 - P_0)$$

Neste caso:

$$t = - \frac{\langle \vec{N}_i, P_0 - P_{E_i} \rangle}{\langle \vec{N}_i, P_1 - P_0 \rangle}$$







# Clipping

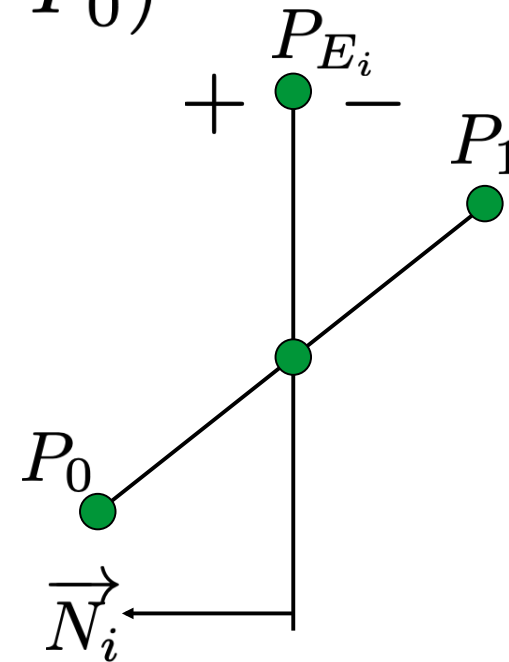
## Segmento de reta x retângulo

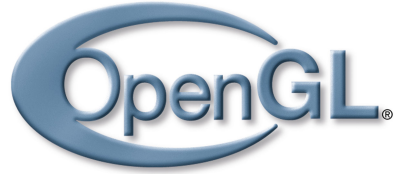
Se baseia na **equação paramétrica da reta**.

$$P(t) = P_0 + t(P_1 - P_0)$$

Neste caso:

$$t = - \frac{\langle \vec{N}_i, P_0 - P_{E_i} \rangle}{\langle \vec{N}_i, P_1 - P_0 \rangle}$$

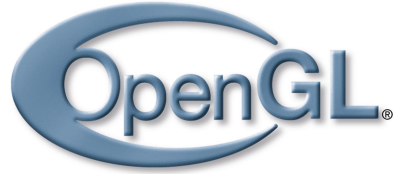




# Clipping

Segmento de reta x retângulo

Dado um segmento, sua **reta suporte** intersecta as quatro retas laterais do retângulo em quatro pontos (caso geral).

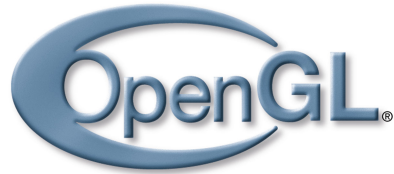


# Clipping

Segmento de reta x retângulo

Dado um segmento, sua **reta suporte** intersecta as quatro retas laterais do retângulo em quatro pontos (caso geral).

Usando a **equação paramétrica** podemos calcular o parâmetro  $t$  no qual a reta intersecta uma das quatro retas laterais do retângulo de recorte.



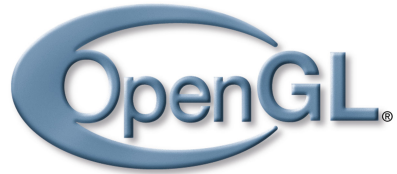
# Clipping

Segmento de reta x retângulo

Dado um segmento, sua **reta suporte** intersecta as quatro retas laterais do retângulo em quatro pontos (caso geral).

Usando a **equação paramétrica** podemos calcular o parâmetro  $t$  no qual a reta intersecta uma das quatro retas laterais do retângulo de recorte.

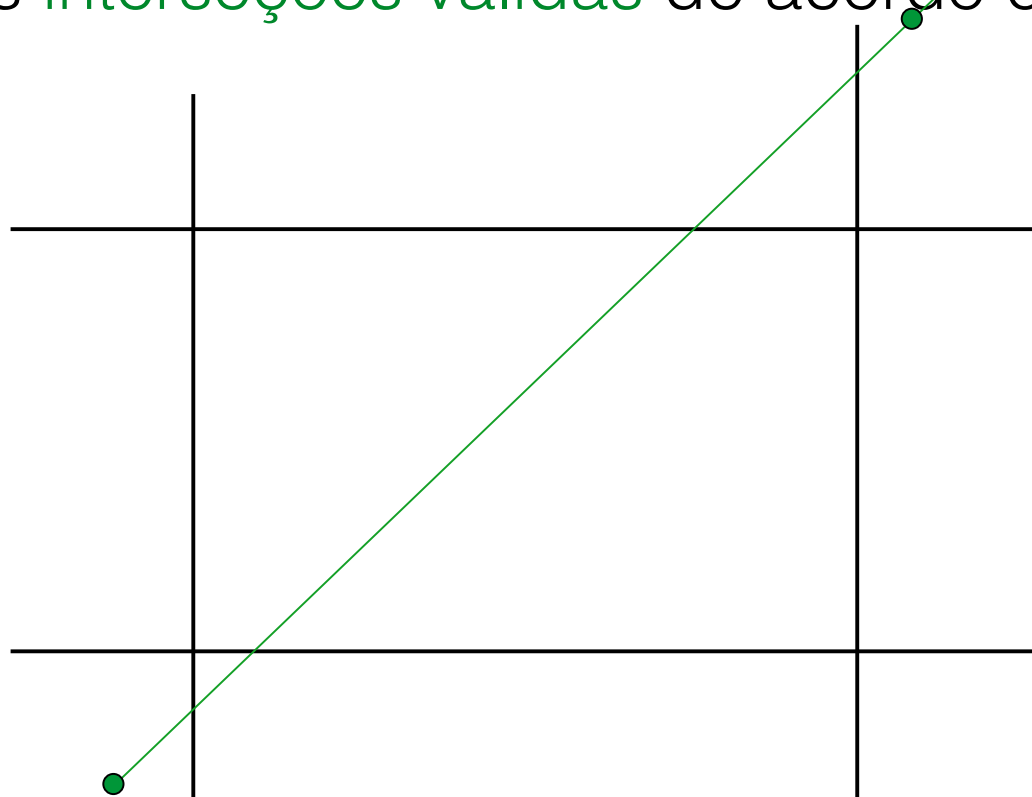
**Descartamos** os valores de  $t$  fora do intervalo  $[0, 1]$ .

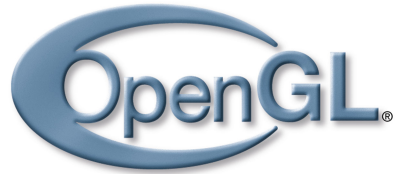


# Clipping

Segmento de reta x retângulo

Marcamos as **interseções válidas** de acordo com o tipo:

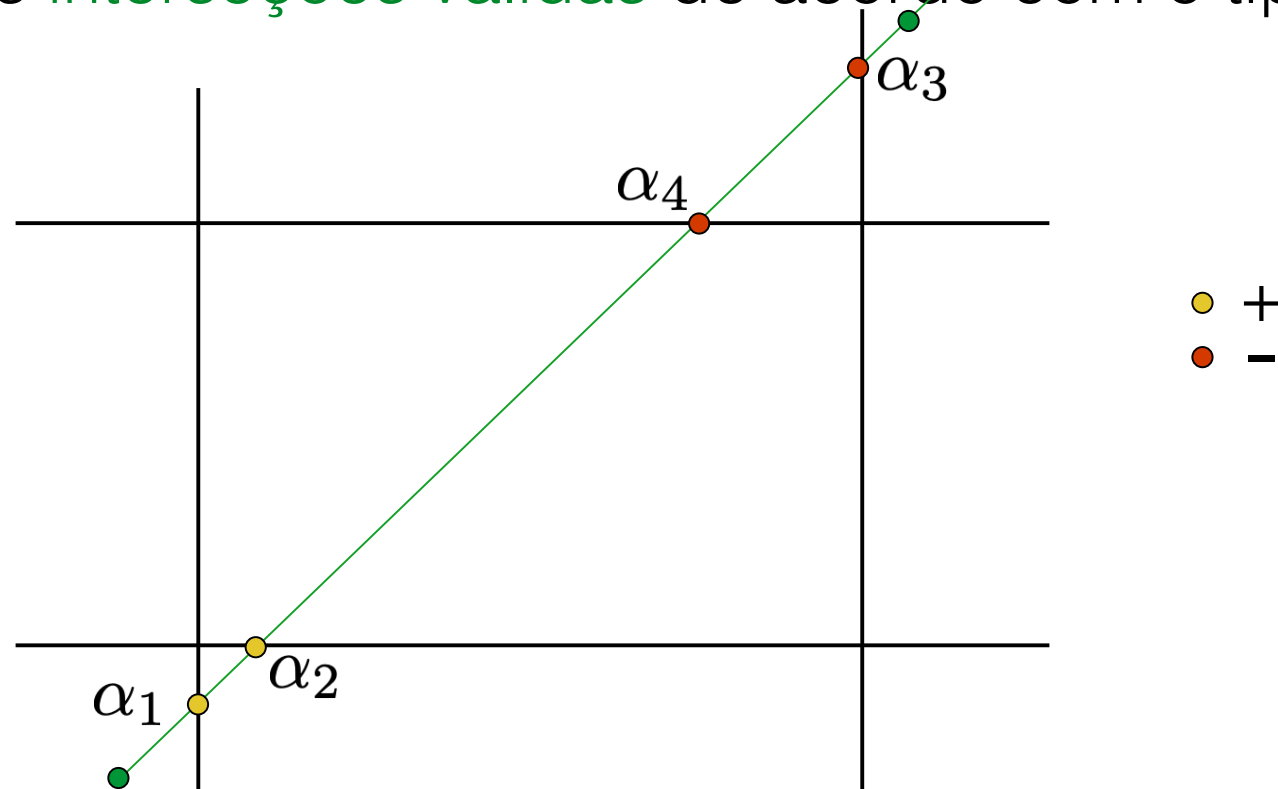




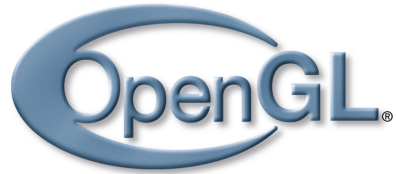
# Clipping

Segmento de reta x retângulo

Marcamos as **interseções válidas** de acordo com o tipo:



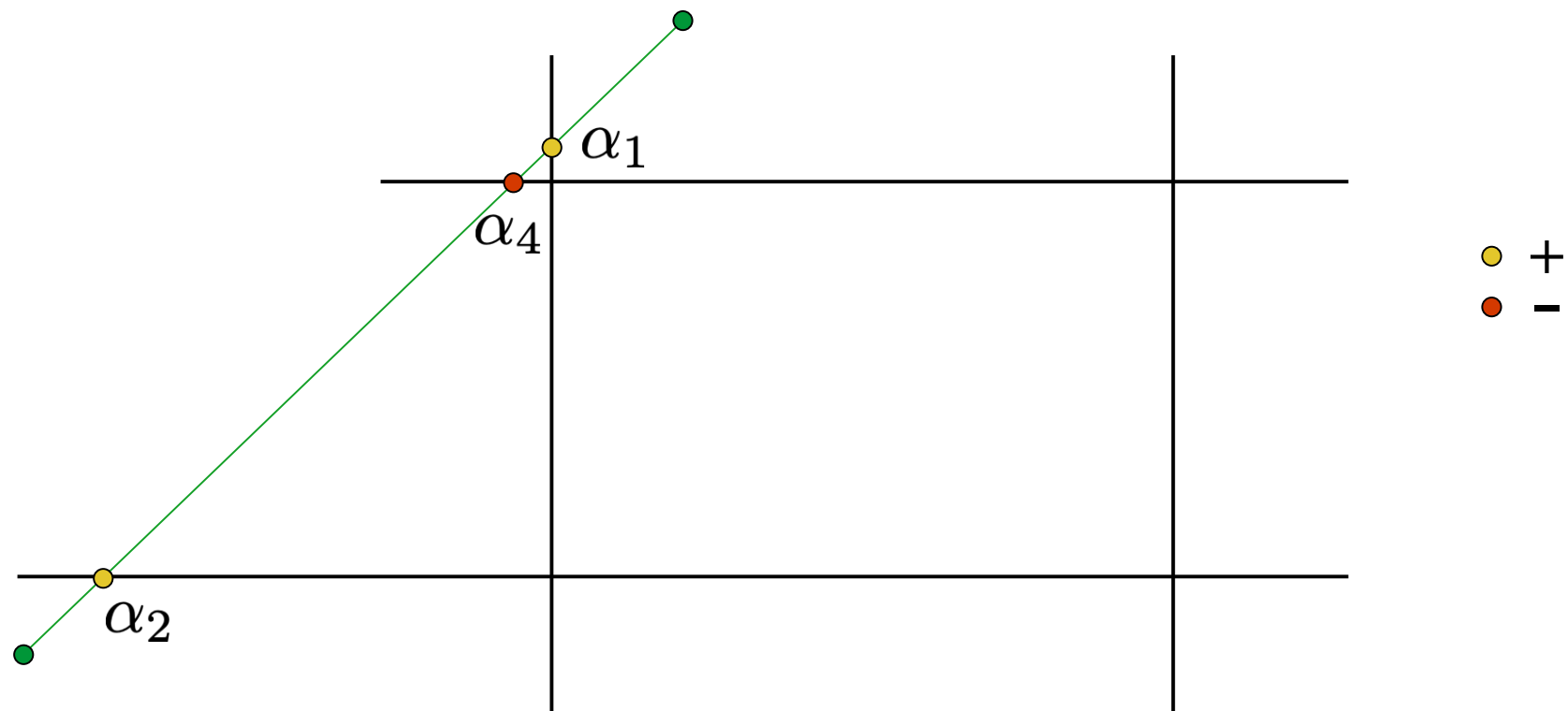
$$0 < \alpha_1 < \alpha_2 < \alpha_4 < \alpha_3 < 1$$



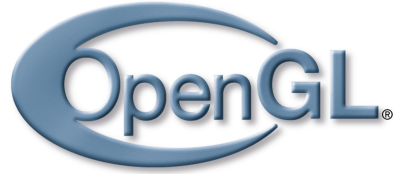
# Clipping

Segmento de reta x retângulo

Marcamos as **interseções válidas** de acordo com o tipo:



$$0 < \alpha_2 < \alpha_4 < \alpha_1 < 1$$

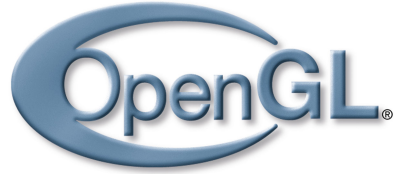


# Clipping

Polígono x retângulo

Podemos pensar em um algoritmo de **clipping de polígono** baseado no recorte de segmentos.



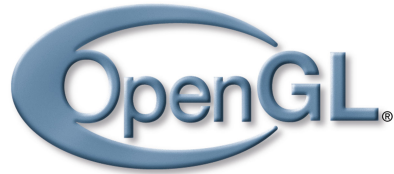


# Clipping

Polígono x retângulo

Podemos pensar em um algoritmo de **clipping de polígono** baseado no recorte de segmentos.

Basta **recortarmos as arestas** do polígono sucessivamente.

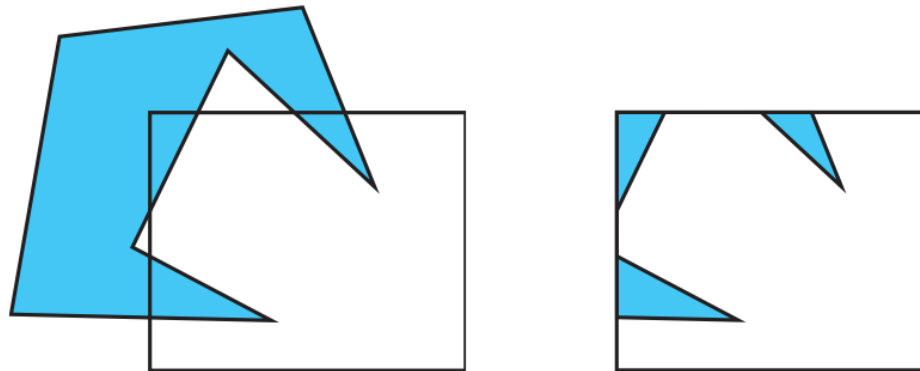


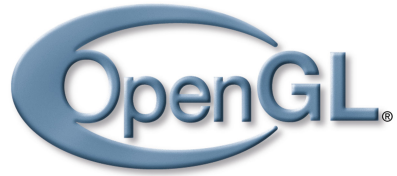
# Clipping

Polígono x retângulo

Podemos pensar em um algoritmo de **clipping de polígono** baseado no recorte de segmentos.

Basta **recortarmos as arestas** do polígono sucessivamente.

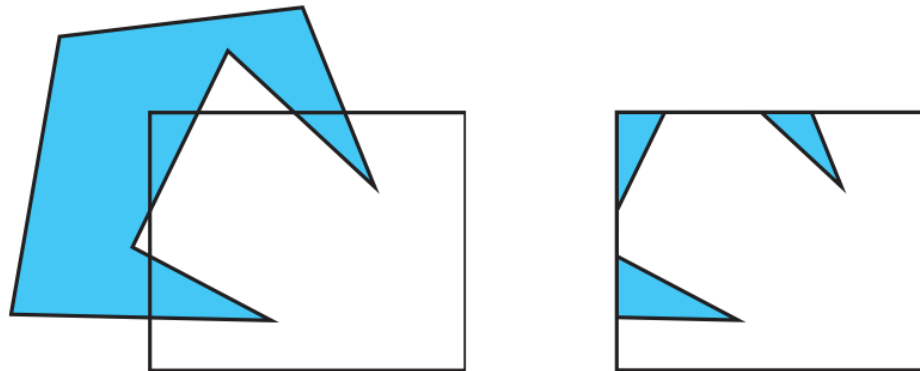


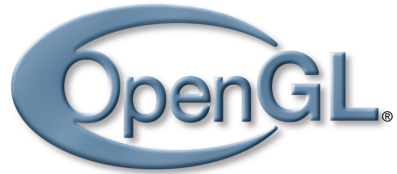


# Clipping

Polígono x retângulo

Polígonos são objetos com um **interior**.



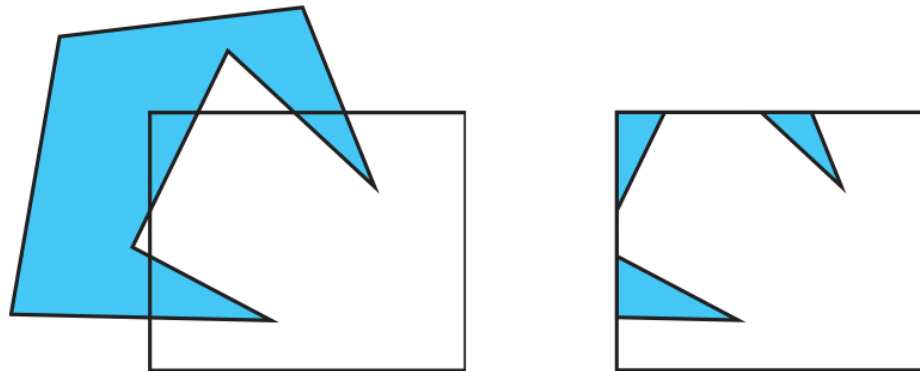


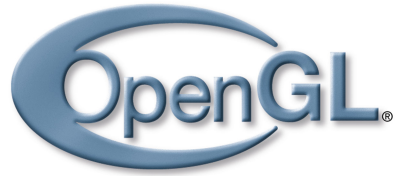
# Clipping

Polígono x retângulo

Polígonos são objetos com um **interior**.

O recorte de um polígono não convexo pode gerar **mais de um polígono**.



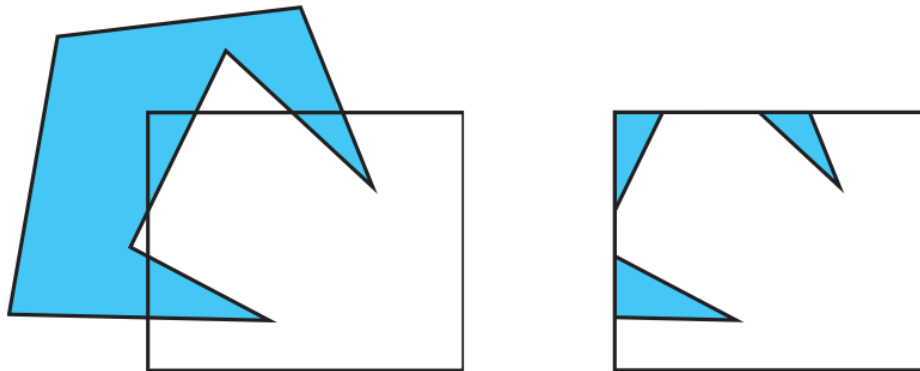


# Clipping

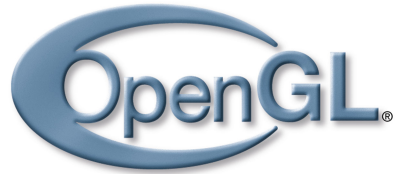
Polígono x retângulo

Polígonos são objetos com um **interior**.

O recorte de um polígono não convexo pode gerar **mais de um polígono**.



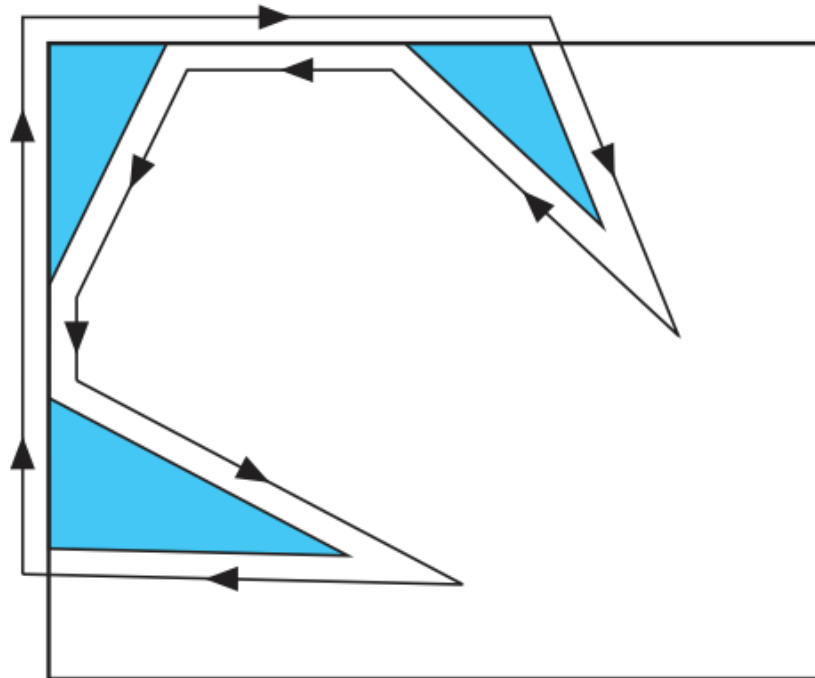
Problema!

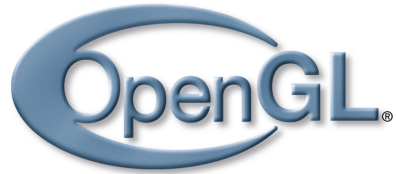


# Clipping

Polígono x retângulo

Como alternativa, podemos conectar as componentes através de **regiões degeneradas**.

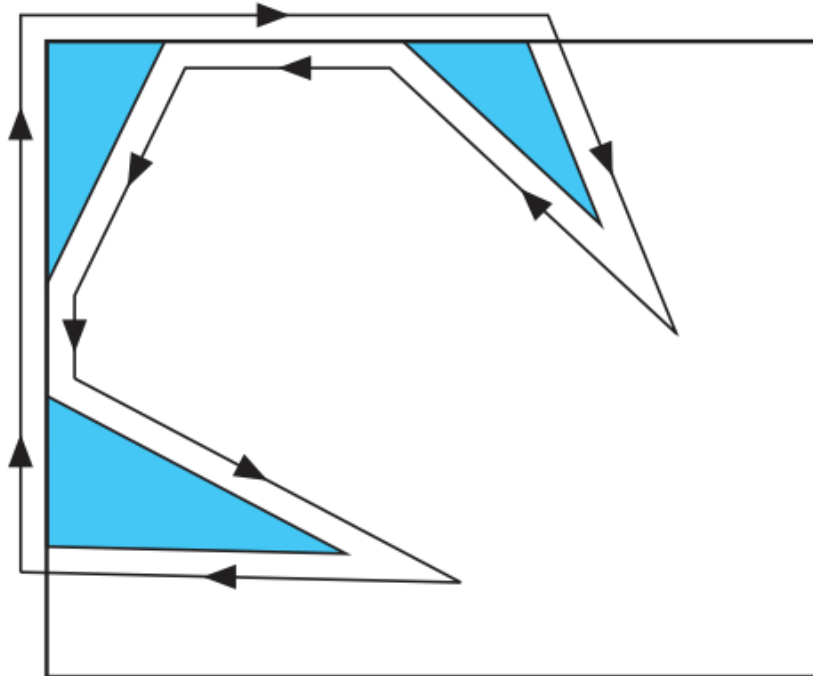




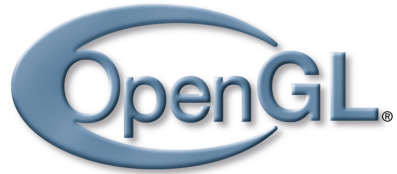
# Clipping

Polígono x retângulo

Como alternativa, podemos conectar as componentes através de **regiões degeneradas**.



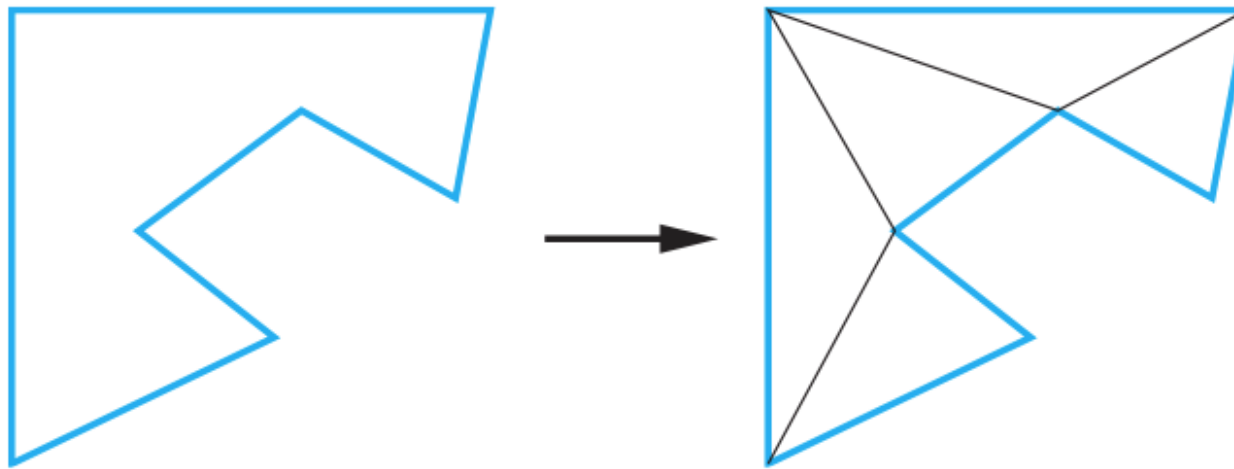
Ruim...



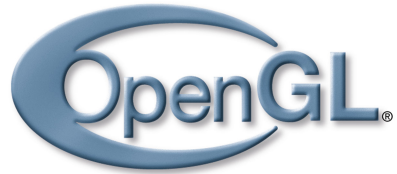
# Clipping

Polígono x retângulo

A melhor alternativa é considerar apenas polígonos **convexos**!



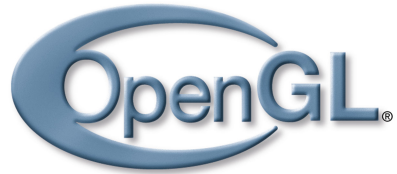




# Clipping

Polígono x retângulo

Estudaremos o algoritmo de **Sutherland-Hodgman**

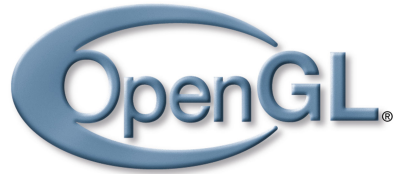


# Clipping

Polígono x retângulo

Estudaremos o algoritmo de **Sutherland-Hodgman**

Um polígono é usualmente representado por uma **lista circular de vértices**.



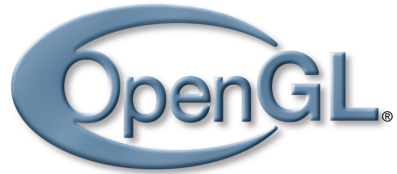
# Clipping

Polígono x retângulo

Estudaremos o algoritmo de **Sutherland-Hodgman**

Um polígono é usualmente representado por uma **lista circular de vértices**.

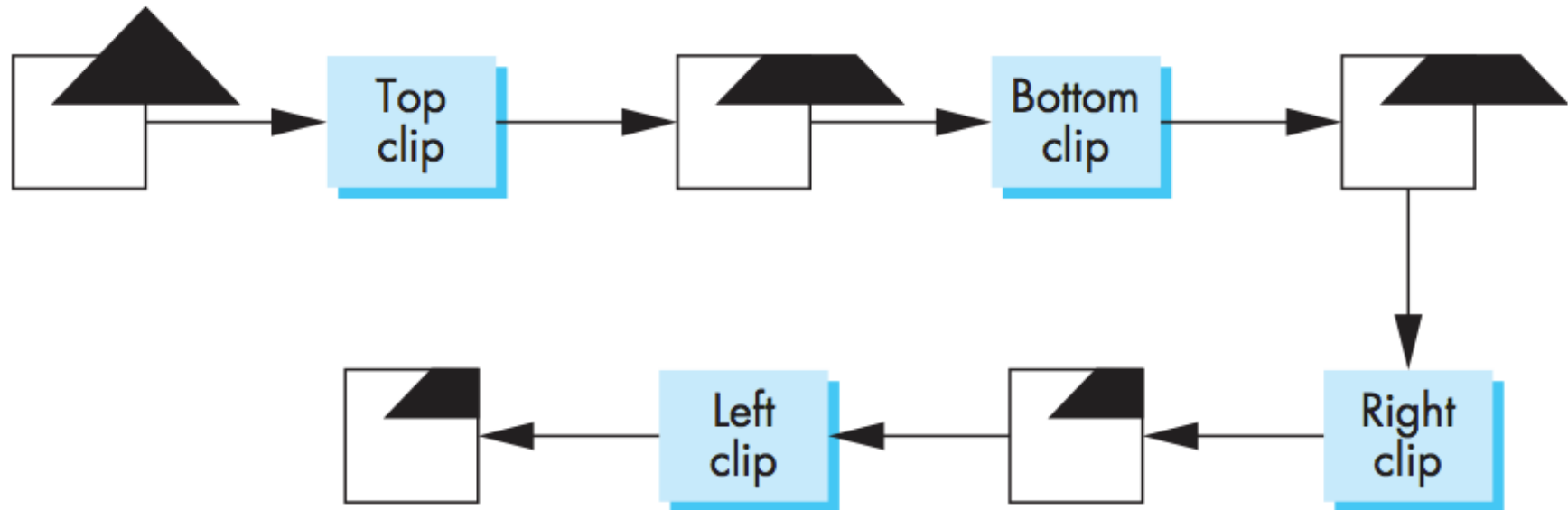
Os vértices e arestas do polígono são **processados em sequência** e classificados contra os semi-espacos do retângulo de recorte.



# Clipping

Polígono x retângulo

## Algoritmo de Sutherland-Hodgman



# Computação Gráfica

TCC-00291

Assunto: Clipping