

Linguagens de Programação

Programação Funcional Haskell

Carlos Bazilio

carlosbazilio@id.uff.br

<http://www.ic.uff.br/~bazilio/cursos/lp>

Motivação Haskell

The program written in Java

```
final int LIMIT=50;
int[] a = new int[LIMIT];
int[] b = new int[LIMIT - 5];
for (int i=0;i < LIMIT;i++) {
    a[i] = (i+1)*2;
    if (i >=5) b[i - 5] = a[i];
}
```

Motivação Haskell

The program written in Java

```
final int LIMIT=50;
int[] a = new int[LIMIT];
int[] b = new int[LIMIT - 5];
for (int i=0;i < LIMIT;i++) {
    a[i] = (i+1)*2;
    if (i >=5) b[i - 5] = a[i];
}
```

The program written in Haskell

```
let a = [2,4..100]
let b = drop 5 a
```

Motivação – Java 8

```
List <Pessoa> pessoas = new ArrayList<Pessoa>();  
pessoas.add(new Pessoa("Fulano", "Silva", 40, 75.0));  
pessoas.add(new Pessoa("Ciclano", "Silva", 25, 120));  
pessoas.add(new Pessoa("Beltrano", "Silva", 70, 55));
```

```
Iterator <Pessoa> it = pessoas.iterator();  
while (it.hasNext()) {  
    System.out.println(it.next());  
}
```

```
for (Pessoa p : pessoas)  
    System.out.println(p);
```

```
pessoas.forEach(System.out::println);
```

Motivação

- Java 8
- ECMAScript 6, ELM
- PHP 5.3, HACK
- C# 2.0, F#
- C++11
- Objective C (blocks)
- Scala, Clojure, Kotlin
- Erlang
- R, Julia, ...

Impulso para o Curso

- Palestra do Professor Clóvis de Barros

<https://www.youtube.com/watch?v=9Z6TSuJQ2oE>

Funções Exemplo

$\text{maximo}(a,b) = a$, se $a > b$
 b , c.c.

$$H_{100} = \sum_{i=1}^{100} \frac{1}{i}$$

Recursão

- Técnica básica em programação funcional

$$f(x) = g(x) ? f(x-1)$$

$$f(\text{mínimo}) = g(\text{mínimo})$$

- Exemplo (fatorial):

$$4! = 4 * 3! = 4 * 3 * 2! = 4 * 3 * 2 * 1! = 4 * 3 * 2 * 1 * 0! = 4 * 3 * 2 * 1 * 1 = 24$$

$$n! = n * (n-1)! = n * (n-1) * (n-2)! = \dots = n * (n-1) * (n-2) * \dots * 1$$

$$\text{fat } 0 = 1$$

$$\text{fat } n = n * \text{fat } (n-1)$$

Recursão

- Técnica básica em programação funcional

$$f(x) = g(x) ? f(x-1)$$

$$f(\text{mínimo}) = g(\text{mínimo})$$

- Exemplo (fatorial):

$$4! = 4 * 3! = 4 * 3 * 2! = 4 * 3 * 2 * 1! = 4 * 3 * 2 * 1 * 0! = 4 * 3 * 2 * 1 * 1 = 24$$

$$n! = n * (n-1)! = n * (n-1) * (n-2)! = \dots = n * (n-1) * (n-2) * \dots * 1$$

$$\text{fat } 0 = 1$$

$$\text{fat } n = n * \text{fat } (n-1)$$

Recursão

- Como calcular uma combinação em Haskell?

$$\text{comb } (n, p) = n! / p! * (n - p)!$$

$$\text{comb } n \ p = \text{fat } n / (\text{fat } p) * (\text{fat } (n - p))$$

Funções Exemplo

$\text{maximo}(a,b) = a$, se $a > b$
 b , c.c.

$$H_{100} = \sum_{i=1}^{100} \frac{1}{i}$$

Paradigma Funcional

- Como era de se esperar, funções são um recurso importantíssimo em linguagens funcionais
- Tecnicamente falando, funções são valores de 1a classe em linguagens de programação funcionais
- O que isto quer dizer?

Funções como Valores de 1a. Classe Atribuição a Variáveis

$$a = f()$$

$$g = f$$

$$b = g()$$

Funções como Valores de 1a. Classe Passagem de Parâmetros

$$a = f()$$

$$b = g(\mathbf{f})$$

Funções como Valores de 1a. Classe Passagem de Parâmetros

$$a = f()$$

$$b = g(\mathbf{f})$$

$$H_{100} = \sum_{i=1}^{100} \frac{1}{i}$$

Funções como Valores de 1a. Classe Retorno de Funções

$$a = f()$$

$$b = a()$$

Composição

$$f(g(x))$$

Funções Puras

- Funções que atendem 2 requisitos:
 - Seus dados de entrada são necessariamente passados por parâmetro e de forma imutável;
 - Produzem seu resultado sem alterar qualquer valor fora da função (sem efeito colateral).
- Vantagens:
 - Manutenção mais simples
 - Permite otimização
 - Simplifica implementação de programas concorrentes

Características de uma Linguagem Funcional

- Numa linguagem funcional, tudo, até mesmo o próprio programa, é uma função
- Quando falamos função, pensamos no conceito matemático deste termo:

$$f(a, b, \dots) : \text{Dom} \rightarrow \text{CDom}$$

- Uma função f mapeia valores de Dom em CDom
- f pode mapear cada valor de Dom a, no máximo, 1 único valor de CDom
- Se aplicamos f seguidamente para os mesmos valores de entrada (valores para a, b, \dots), obtemos sempre o mesmo valor resultante (função pura)

Características de uma Linguagem Funcional

- Pelo fato de tudo ser função, algumas características interessantes no uso de funções são facilmente descritas nestas linguagens:
 - Passagem de funções por parâmetro
 - Retorno de funções por outras funções
 - Composição de funções
 - Funções anônimas
 - Chamadas parciais de funções

Haskell - Alguns Links

- Site principal: <http://www.haskell.org/haskellwiki/Haskell>
- WikiBook: <http://en.wikibooks.org/wiki/Haskell>
- Tutoriais:
 - <http://learnyouahaskell.com/>
 - <https://www.schoolofhaskell.com/>
 - <http://haskell.tailorfontela.com.br/>
 - <https://www.haskell.org/tutorial/index.html>
- Bibliotecas: <https://downloads.haskell.org/~ghc/latest/docs/html/libraries/>
- Pesquisa: <https://www.haskell.org/hoogle/>

Haskell - Alguns Links

- Cursos

<http://www.seas.upenn.edu/~cis194/fall16/>

- Softwares em Haskell:

<http://elm-lang.org/>

<https://www.yesodweb.com/>

Listas

- Tipo coleção comum em linguagens funcionais
- São representadas por valores entre “[“ e “]”
 - ['a', 'b', 'c'] ou [1, 2, 3]
- Para varrer uma lista utilizamos o operador “:”
 - ['a', 'b', 'c'] equivale a 'a' : ['b', 'c']
 - ['a', 'b', 'c'] equivale a cab : Resto ; *onde cab = 'a' e Resto = ['b', 'c']*
- [] representa uma lista vazia

Exercícios

- Crie uma função que calcule a soma de uma lista de números

Casamento de Padrões

soma [] = 0

soma (cab:resto) = cab + soma resto

soma (cab1:cab2:resto) = cab1 + cab2 + soma resto

tamanho [] = 0

tamanho (_,resto) = 1 + tamanho resto

Exercícios

- Crie uma função que dada uma lista de números retorne a lista dos ímpares (função odd)
- Faça o mesmo para uma lista de pares (função even)

Listas

Funções Pré-definidas

- head, tail, last, init, length, null, reverse, take, drop, maximum, minimum, sum, product, elem (pertence infixado), ++, ...
- Faixas: [1 .. 20], [2, 4 .. 20], [20, 19 .. 1]
- Compreensão de listas:
 - $[x^2 \mid x \leftarrow [1..10]]$
 - $[x^2 \mid x \leftarrow [1..10], x^2 \geq 12]$
 - $[x \mid x \leftarrow [50..100], x \text{ `mod` } 7 == 3]$

Exercícios

- Refaça a função que dada uma lista de números retorne a lista dos ímpares (função odd) usando compreensão de listas

Exemplos Haskell

`[1 ..]` -- *Lista infinita (looping)*

`[x * x | x ← [1 ..]]` -- *Lista infinita (looping)*

`take 100 [x * x | x ← [1 ..]]`

Exemplos Haskell

```

s? [] = []
s? (x:xs) = s? [y | y<-xs, y<x] ++
               [x] ++
               s? [y | y<-xs, y>=x]
  
```

- O que faz a função s?

Haskell

- Linguagem funcional que mais se aproxima de definições matemáticas
- É fortemente tipada e de tipagem estática
- Possui um sistema de tipos bastante rebuscado, fazendo inferência de tipos quando estes não são fornecidos

Haskell

Tipos Pré-Definidos

Tipo	Valores
Int	-100, 0, 1, 50, ...
Integer	-33333333, 3, 32408034852039504395204, ...
Float/Double	-3.2223433, 0.0, 3.0, ...
Char	'a', 'z', 'A', 'Z', '&', ...
String	"Bazilio", "Linguagens", ...
Bool	True, False

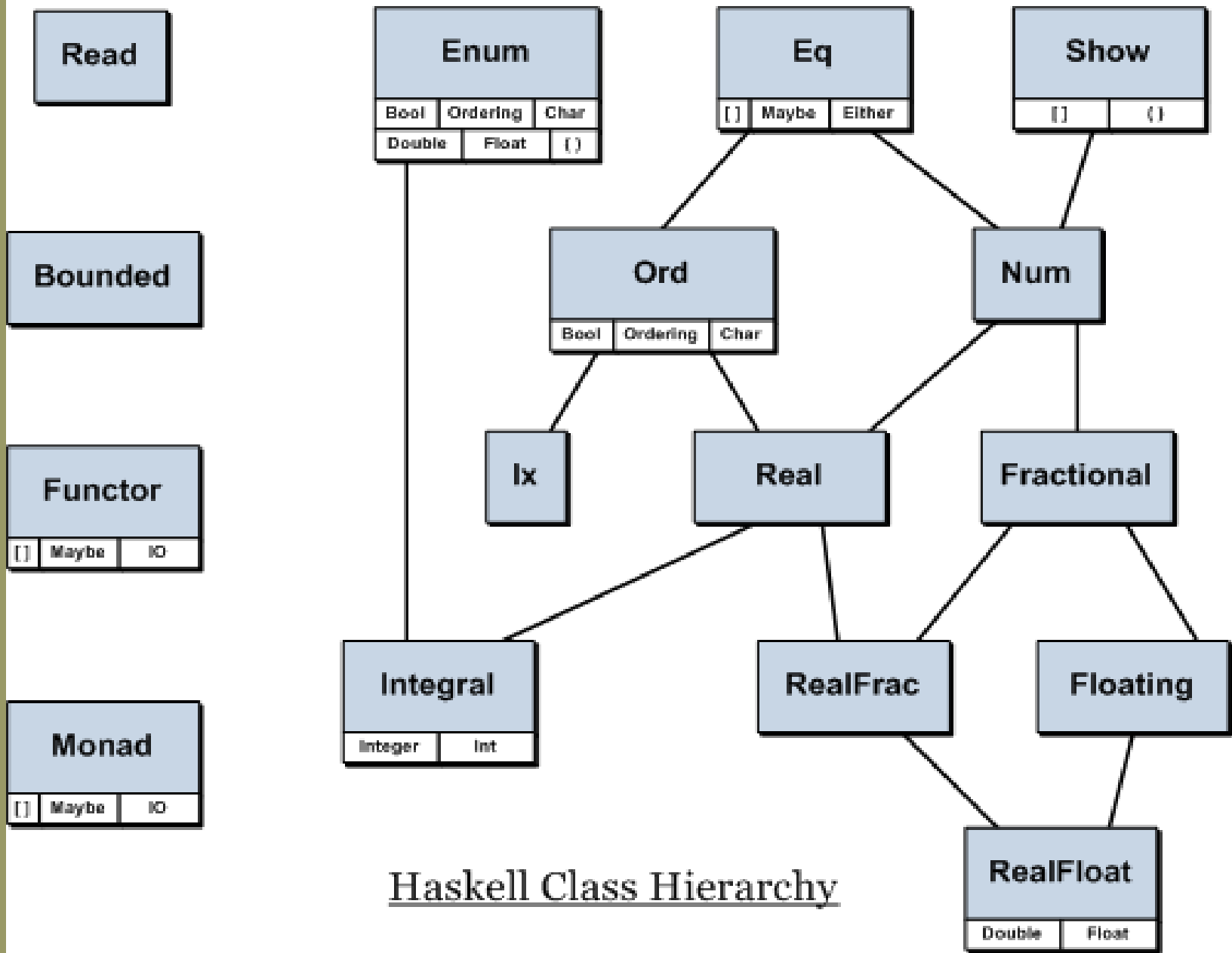
Exercícios

- Use a função seno para calcular o seno de um número, Por exemplo, seno de $\text{Pi} / 2$

> sin (pi / 2)

- Utilize o comando :t para verificar o tipo da função seno

> :t sin



Haskell Class Hierarchy

Exercícios

- Use a função `length` para calcular o tamanho de uma lista

```
> length ['a' .. 'w']
```

- Utilize o comando `:t` para verificar o tipo da função `length`

```
> :t length
```

Funções Genéricas / Polimórficas

- Assinatura da função maximo:

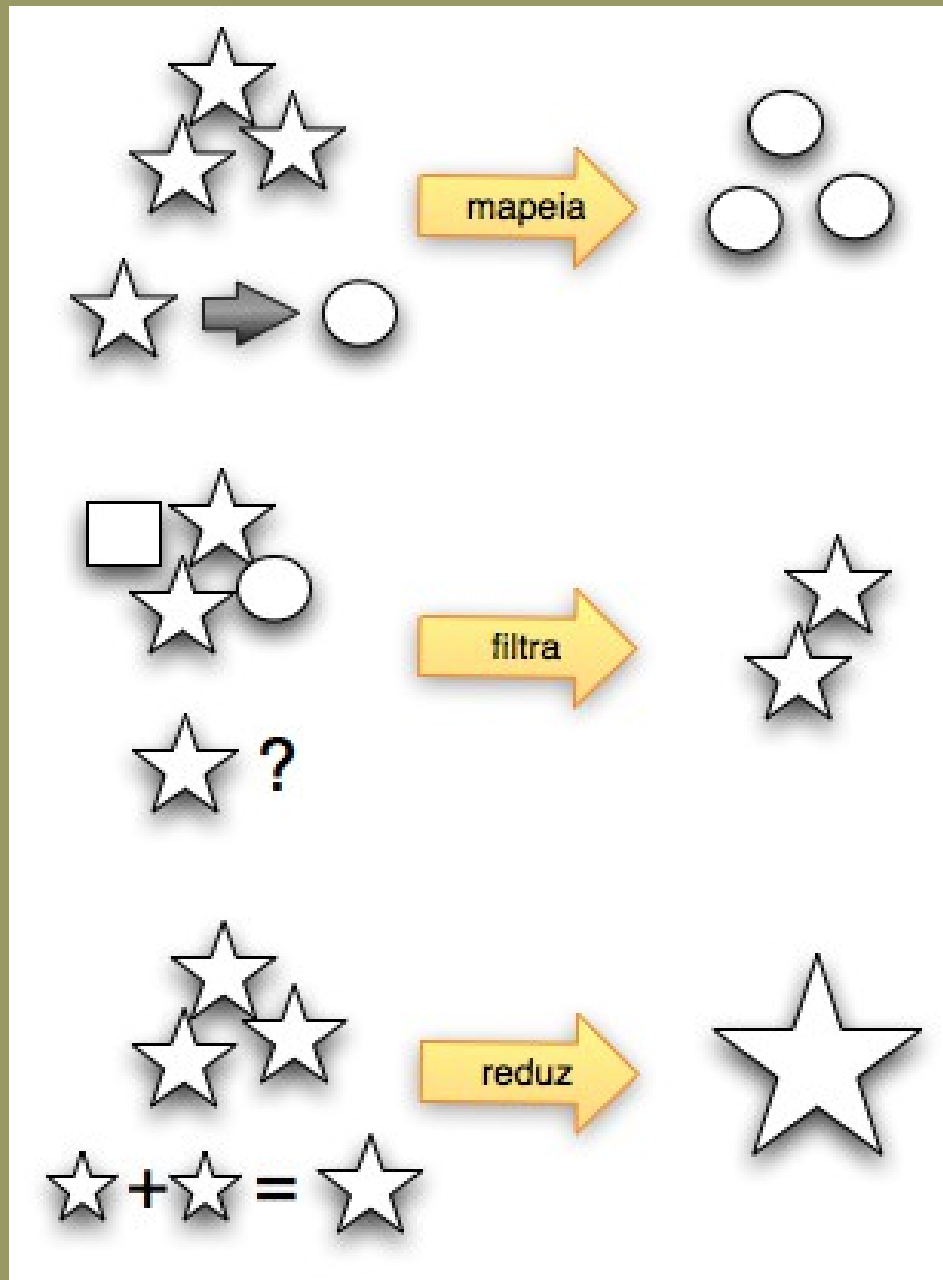
`maximo :: Ord a => a -> a -> a`

- Ord é a classe (conjunto) dos tipos ordenáveis em Haskell
- a representa o tipo genérico
- a -> a -> a indica que a função recebe um primeiro valor, recebe um segundo e retorna um terceiro, todos do mesmo tipo

Exercícios

- Utilize o comando `:t` no prompt do Haskell para verificar o tipo das funções já criadas
- Chame a função `maximo` para valores que não sejam apenas números inteiros

Funções de Alta Ordem



Exercícios

- Generalize as funções filtra par e filtra ímpar feitas anteriormente, ou seja, crie uma única função que possa realizar os 2 tipos de filtragem

Funções de Alta Ordem

- Funções que usualmente recebem outras funções como parâmetro para realização de suas tarefas
- Exemplos:
 - Mapeia: recebe um conjunto de valores e uma função e retorna o conjunto com a função aplicada a cada valor deste
 - Filtra: recebe um conjunto e uma função teste e retorna um subconjunto que satisfaça a função
 - Acumula: recebe um conjunto e uma função e retorna o resultado da aplicação da função a todos os elementos do conjunto

Funções de Alta Ordem Haskell

- Em Haskell, as seguintes funções pré-definidas estão disponíveis: map, filter, foldl, foldr
- Abaixo seguem alguns exemplos de uso:
 - > let exemplo = ["a b c", "d e", "f g h l"]
 - > map length exemplo
 - [5,3,7]
 - > filter (\x -> x /= ' ') "a b c"
 - "abc"

Funções de Alta Ordem Haskell

(... Continuação ...):

```
> let exemplo = ["a b c", "d e", "f g h l"]
```

```
> map (filter (\x -> x /= ' ')) exemplo
```

```
["abc", "de", "fg hi"]
```

```
> map length (map (filter (\x -> x /= ' ')) exemplo)
```

```
[3,2,4]
```

```
> foldl (+) 0 (map length (map (filter (\x -> x /= ' '))  
exemplo))
```

Exercícios

- Crie uma função que receba uma lista de strings e retorne uma lista de tamanhos de strings
- Combine esta com a função de soma de números para somar os tamanhos das listas
- Utilize a função foldl para realizar esta mesma soma

Exercícios

- O que a função f abaixo computa?

igual pal x = pal == x

f [] palavra = 0

f l palavra = length (filter (igual palavra) (words l))

Currying e Funções Parciais

- Mecanismo que permite maior flexibilidade na utilização das funções
- Considere a assinatura da função máximo:
 $\text{maximo} :: \text{Ord } a \Rightarrow a \rightarrow a \rightarrow a$
- Essa definição indica que a função trata cada argumento 1 a 1
- Experimente fazer a seguinte chamada. O que vale x?

```
> let x = maximo 10
```

Currying e Funções Parciais

- Observe a função `ocorrencias` abaixo:

`igual pal x = pal == x`

`ocorrencias [] palavra = 0`

`ocorrencias l palavra = length (filter (igual palavra)
(words l))`

- Observe o uso da função `igual` dentro de `ocorrencias`!

Função Lâmbda / Anônima

- Ainda observando a função ocorrencias:

`igual pal x = pal == x`

`ocorrencias [] palavra = 0`

`ocorrencias l palavra = length (filter (igual palavra)
(words l))`

- A função igual não parece simples demais !?
- Que tal a criarmos apenas no momento da chamada?

`(\x -> x == palavra)`

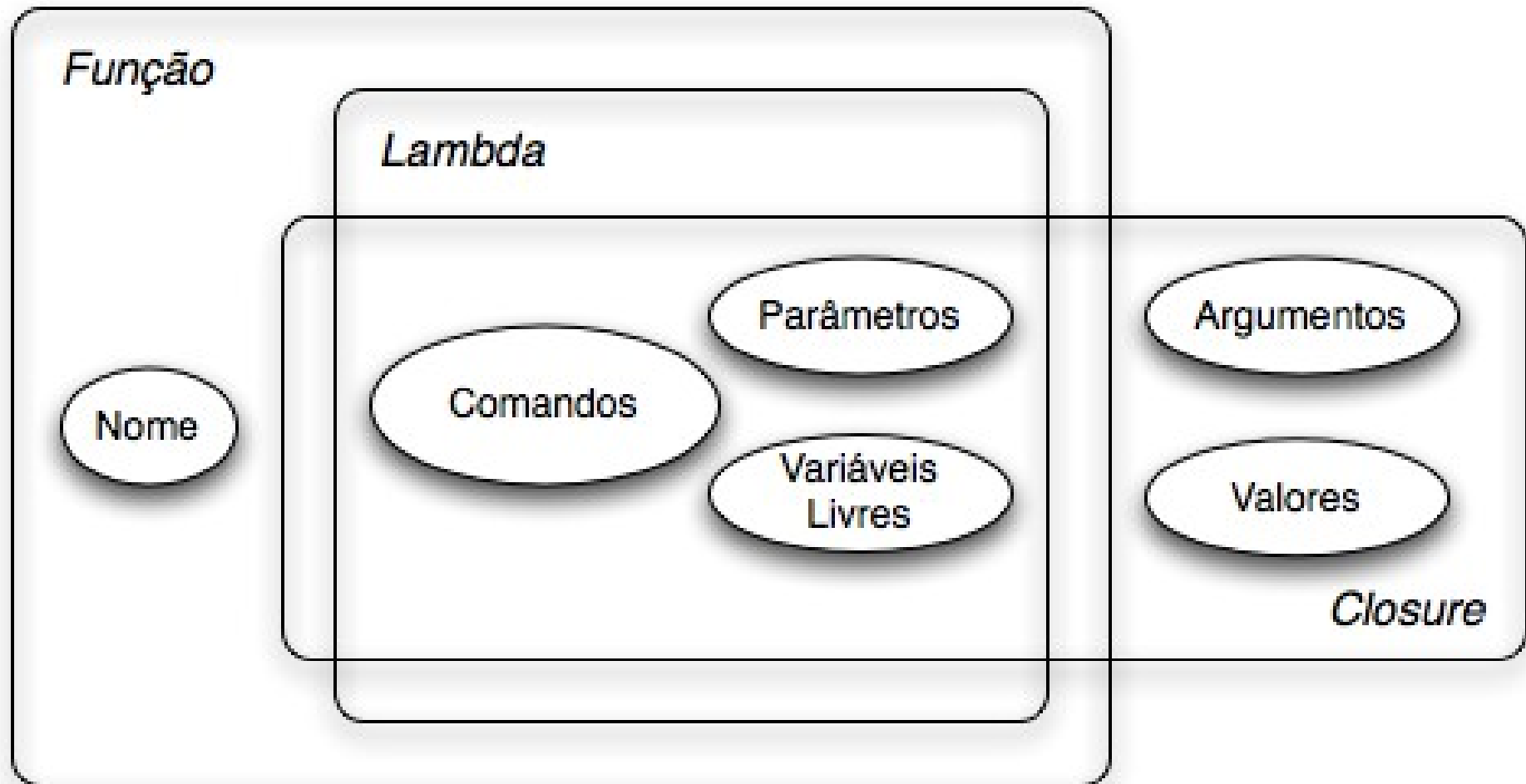
Funções Lâmbda

```
void map (int vet [100], int f (int)) {  
    for (int i = 0; i < 99; i++)  
        vet[i] = f(vet[i]);  
}
```

```
int inc (int x) {  
    return x++;  
}
```

```
main() {  
    int vetor [100] = {1, 2, 3, ..., 99};  
    map (vetor, inc);  
    map (vetor, x++); // Versão Lambda  
}
```


Funções e afins



Closure

“An object is data with functions. A closure is a function with data.” — John D. Cook

Tuplas

- Tuplas são um recurso em Haskell que permite a combinação de valores de tipos diferentes, como um tipo registro.

(1, “Fulano”, 9999, “Rua A”)

- Como listas são monotipadas, tuplas são um mecanismo que permite o agrupamento de valores com tipos diferentes
- Para tuplas com 2 valores, as funções pré-definidas *fst* e *snd* retornam 1o. e 2o. valores
- Para outros tamanhos, basta definir novas funções:

`third (_, _, x, _) = x`

Tipo do Usuário

- O tipo pré-definido Bool pode ser definido da seguinte forma:

```
data Bool = False | True
```

- data indica que estamos definindo um tipo
- Bool é o nome do tipo definido
- False e True são construtores para os possíveis valores de Bool (neste caso, 2 apenas)

Tipo do Usuário

- Imagine que queiramos definir um tipo chamado Figura
- Um círculo poderia ser representado como a tupla (10.0, 15.5, 5.3), onde os 2 primeiros valores são o centro do círculo e o 3o. o raio
- Entretanto, isso poderia ser qualquer outro dado com 3 valores (um ponto no espaço, p.ex)
- Vamos então criar um tipo específico

data Figura = Circulo Float Float Float

Exercícios

- Crie o tipo Figura e verifique seu tipo no prompt
- Adicione o tipo Retangulo, o qual terá 2 coordenadas
- Crie um método para o cálculo da área de uma figura
- Crie o tipo Ponto e altere a definição de Figura para usá-lo

Exemplos de Definições de Tipos

webApp :: Request -> Response

databaseQuery :: Query -> Database -> ResultSet

databaseUpdate :: Update -> Database -> Database

game :: Events -> GameState -> GameState

Referências

- Site principal:
<http://www.haskell.org/haskellwiki/Haskell>
- Instalação: <http://www.haskell.org/platform/>
- WikiBook: <http://en.wikibooks.org/wiki/Haskell>
- Tutoriais:
<http://learnyouahaskell.com/>
<https://www.schoolofhaskell.com/>
<http://haskell.tailorfontela.com.br/>
<https://www.haskell.org/tutorial/index.html>
- Bibliotecas:
<https://downloads.haskell.org/~ghc/latest/docs/html/libraries/>
- Pesquisa: <https://www.haskell.org/google/>

Referências

- Exemplos reais:
<http://book.realworldhaskell.org/read/>
- Na Indústria:
https://wiki.haskell.org/Haskell_in_industry
<http://en.wikibooks.org/wiki/Haskell>
- Wikipedia:
https://www.wikiwand.com/en/Functional_programming
- <http://www.drdobbs.com/architecture-and-design/in-praise-of-haskell/240163246?elq=03bf1275b97046718cf499071256044e>

Looping de um Jogo

```
// Imperativo
```

```
var gameState = initGameState();
```

```
while (!gameState.isQuit()) {
```

```
    var events = pollForEvents();
```

```
    updateGameState(gameState, events);
```

```
    renderGameState(gameState);
```

```
}
```

```
// Funcional
```

```
play = loop initialGameState
```

```
loop current = do
```

```
    events <- pollEvents
```

```
    let next = updateGameState current events
```

```
    renderGameState next
```

```
    loop next
```