

Inteligência Artificial

Aula 16
Profª Bianca Zadrozny
<http://www.ic.uff.br/~bianca/ia>

Tomada de decisões simples

Capítulo 16 – Russell & Norvig
Seções 16.3, 16.5 e 16.6

Princípio de Utilidade e Princípio de Utilidade Máxima Esperada

- Teorema (Ramsey, 1931; von Neumann e Morgenstern, 1944): Dadas preferências satisfazendo as restrições, então existe uma função de valores reais U que opera sobre estados tal que

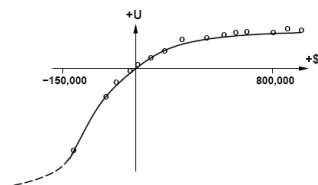
$$U(A) \geq U(B) \Leftrightarrow A \succeq B$$
$$U([p_1, S_1; \dots; p_n, S_n]) = \sum_i p_i U(S_i)$$

Função de Utilidade

- Sabemos que existe uma função de utilidade mapeando estados a números reais, mas como encontrá-la?
- Uma maneira é usar uma “Loteria padrão”
 - Comparar o estado S com uma loteria L_p que tem probabilidade p de retornar a utilidade máxima possível \bar{u} e probabilidade $1 - p$ de retornar a utilidade mínima possível \underline{u} .
 - Ajustar p até que $S \sim L_p$
 - Aí teremos $U(S) = p(\bar{u} - \underline{u})$

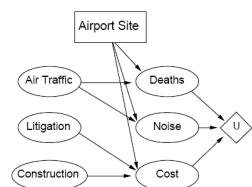
Utilidade do Dinheiro

- Não é uma função linear: conforme aumenta a quantidade de dinheiro, a taxa de crescimento da utilidade diminui.
 - Pessoas ficam mais avessas a risco conforme aumentam os valores
 - Preferimos ganhar R\$500.000 to que ter a chance de ganhar de R\$1.000.000 com probabilidade 0.6.
 - Do lado da dívida a tendência é ser favorável ao risco.



Redes de Decisão

- Adicionar **nós de ação** (retângulos) e **nós de utilidade** (losangos) a redes bayesianas.
 - Nós de ação têm que ser pais e funcionam como evidências (variáveis observadas).
 - Nós de utilidade têm como pais todos os nós que afetam a utilidade do agente.



Redes de Decisão

- Algoritmo:
 - Para cada valor do nó de ação:
 - Calcular probabilidades dos pais do nó de utilidade dadas a ação e as outras variáveis de evidência (usar um algoritmo de inferência em redes bayesianas).
 - Calcular valor esperado da utilidade usando as probabilidades obtidas.
 - Retornar ação com maior valor esperado de utilidade.

Exemplo: Redes de Decisão

Umbrella = leave

$$EU(\text{leave}) = \sum_w P(w)U(\text{leave}, w)$$

$$= 0.7 \cdot 100 + 0.3 \cdot 0 = 70$$

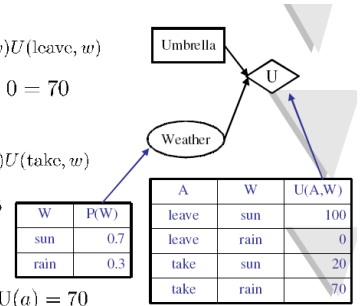
Umbrella = take

$$EU(\text{take}) = \sum_w P(w)U(\text{take}, w)$$

$$= 0.7 \cdot 20 + 0.3 \cdot 70 = 35$$

Optimal = leave

$$MEU(\phi) = \max_a EU(a) = 70$$



Slide 7
Hal Daume III

CS 5300: Decisions + Information

Exemplo: Redes de Decisão

Umbrella = leave

$$EU(\text{leave}|\text{bad}) = \sum_w P(w|\text{bad})U(\text{leave}, w)$$

$$= 0.34 \cdot 100 + 0.66 \cdot 0 = 34$$

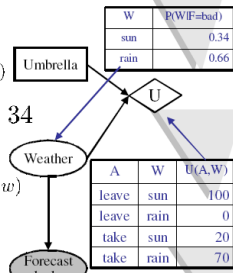
Umbrella = take

$$EU(\text{take}|\text{bad}) = \sum_w P(w|\text{bad})U(\text{take}, w)$$

$$= 0.34 \cdot 20 + 0.66 \cdot 70 = 53$$

Optimal = take

$$MEU(F = \text{bad}) = \max_a EU(a|\text{bad}) = 53$$

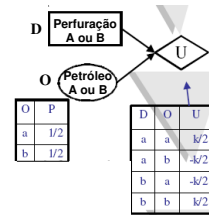


Slide 8
Hal Daume III

CS 5300: Decisions + Information

Valor da Informação

- Calcular valor de adquirir cada possível evidência
 - Pode ser feito diretamente a partir da rede de decisão
- Exemplo:



Exemplo: Valor da Informação

- Exemplo: comprar direito de perfuração de petróleo
 - Duas regiões A e B, uma tem petróleo, valendo k.
 - Probabilidade a priori em cada região é 0.5
 - Preço atual de cada região é k/2
 - UME = 0 (qualquer ação maximiza essa utilidade)
- Solução: calcular valor da informação = ganho esperado de UME para cada evidência obtida.
 - Suponha que podemos verificar com um teste O se a região A contém ou não óleo. Quando valeria à pena pagar por esse teste?
 - Depois da verificação o ganho esperado em utilidade é k/2.
 - Logo $VPI(O) = k/2$ (VPI = valor da informação perfeita)

Valor da Informação

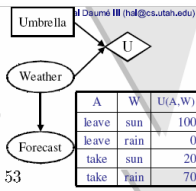
- Valor esperado da ação de utilidade máxima dada a evidência atual

$$MEU(e) = \max_a \sum_s P(s|e) U(s, a)$$
- Valor esperado da ação de utilidade máxima da a evidência atual + nova evidência

$$MEU(e, e') = \max_a \sum_s P(s|e, e') U(s, a)$$
- Como E' é desconhecida, tenho que calcular ganho esperado considerando todos os valores $E'=e'$

$$VPI_e(E') = \sum_{e'} P(e'|e) (MEU(e, e') - MEU(e))$$

VPI Example



MEU with no evidence

$$MEU(\emptyset) = \max_a EU(a) = 70$$

MEU if forecast is bad

$$MEU(F = \text{bad}) = \max_a EU(a|\text{bad}) = 53$$

MEU if forecast is good

$$MEU(F = \text{good}) = \max_a EU(a|\text{good}) = 95$$

Forecast distribution

F	P(F)
good	0.59
bad	0.41

$$\begin{aligned} &0.59 \cdot (95 - 70) + 0.41 \cdot (53 - 70) \\ &0.59 \cdot (+25) + 0.41 \cdot (-17) = +22 \end{aligned}$$

$$VPI_c(E') = \sum_{e'} P(e'|c) (MEU(c, e') - MEU(c))$$